

استخدام معولية نظام التوازي لتحديد (K) من (N) القابلات الساندة للجسر المعلق

أ.م.د. طالب شريف جليل /قسم الاحصاء/كلية الادارة والاقتصاد/ جامعة صلاح الدين
م.د. بيستون ميرزا عبدالكريم /قسم الاحصاء/كلية الادارة والاقتصاد/ جامعة صلاح الدين

الملخص

يهتم هذا البحث بتقدير الدالة المعولية لنظام K وحدات من N وحدات (K-out N system) حيث ان الدالة المعولية لتوزيع ويبل (Weibull Distribution) والسبب يكمن في الجانب التطبيقي لهذا البحث، وتم تقدير معلمات القياس (Scale parameter) والشكل (Shape parameter) لهذا التوزيع باستخدام أسلوب بيز التجريبي (Empirical Bayes). أما الجانب التطبيقي لهذا البحث فهو دراسة حالة (Case study) لأحد الجسور المعلقة المشهورة (Golden Gate Bridge) في الولايات المتحدة الأمريكية، وتم اختيار هذا الجسر لإمكان تطبيق النظرية على القابلات الساندة للجسر، ويهدف هذا البحث إلى إيجاد معولية القابلات الساندة ومعولية الجسر بالاعتماد على معولية القابلات الساندة، وللوصول إلى الأهداف السابقة يجب إيجاد النتائج الآتية:-

١. الأحمال الكلية على الجسر.
٢. المتانة التي تمتلكها هذه القابلات.
٣. القوة التي تمتلكها هذه القابلات.
٤. عدد القابلات الضرورية التي يحتاجها الجسر.
٥. العلاقة بين المتانة وعدد الدورات.

وقد تم استخدام البرامج الجاهزة الآتية:

(Excel 2003, Statistical Table, Statgraphics+4, MATLAB2008a)

Using Reliability Parallel System to Determine (K) of (N) Retaining Cables for Suspension Bridge

Abstract

Interest of this paper to estimate reliability function of the system (K) units of (N) units (K-out-of system), where reliability was considered to be a function for the distribution (Weibull Distribution) and the reason lies in the application side of this thesis. The scale and shape parameters of this

distribution are estimated by using the method of experimental (Empirical Bayes).

As applied by this paper is a case study to one of the famous suspension bridges (Golden Gate Bridge) in the United States, were selected for this bridge because theory can be applied to the suspender cables of the bridge. The aim of this thesis is to find the reliability for suspender cables and find the reliability of the bridge by depending on the reliability of suspender cables as well as identify maintenance periods for the bridge, for access to the above objectives, we must find the following results:

1. Total loads on the bridge.
2. Durability owned suspender cables of the bridge.
3. Force cables owned by the suspender of the bridge.
4. The necessary number of cables that you need the bridge.
5. The relationship between the durability and number of cycles.

The software was used the following in the thesis:

(Excel 2003, Statistical Table, Statgraphics+4, MATLAB R2008a)

١.١ : المقدمة (Introduction)

إن المعولية علم ذو قواعد تهتم بالدراسة والتعامل مع الأعمار سواء أكانت للوحدات أم للكائنات الحية حيث أن النظرية المعولية (Reliability Theory) ونظرية البقاء (Survival Theory) لها نفس المبدأ بحيث أن نظرية البقاء تهتم بدراسة أعمار الكائنات الحية والنظرية المعولية تهتم بدراسة أعمار المعدات من حيث كفاءة أداء هذه الأجهزة.

بعد حصول التطورات الواسعة في حقول الصناعة وبازدياد التعقيدات التي أدت إلى ذلك الاهتمام الواسع في النظريات المعولية في القرن الماضي، قبل عام ١٩٤٠ كانت البحوث تقتصر على السيطرة النوعية وصيانة المكائن ولم تشخص المعولية كعلم مستقل ولكن بحلول الحرب العالمية الثانية وازدياد المعدات الحربية المعقدة أصبح لعلم المعولية أسس ومبادئ أدت إلى ظهور المعولية.

تم في هذا البحث عرض مقدمة عن الجسور وأخذنا الجسر المعلق الذهبي في أمريكا كحالة تطبيقية لكون الجسر المعلق ينطبق عليه نظام (k وحدات من N) بصورة واضحة وقمنا بتقدير الدالة المعولية للقابلوات الساندة وبالتالي تقدير معوليه الجسر لسنين عديدة.

١.٢ : هدف البحث (Aim of the Research)

إن هدف هذا البحث هو تقدير الدالة المعولية لنظام من نوع (k-out-of N system) وتم تطبيق هذا النظام على دراسة الحالة (Case - Study) لجسر البوابة الذهبية المعلق (Golden Gate Bridge) في الولايات المتحدة الأمريكية مع الملاحظة أن عدد القابلوات الساندة الكلية للجسر تم

تحديدها من قبل مصمم الجسر مع اخذ عوامل السلامة بنظر الاعتبار وتتضمن الأهداف (تحديد الأحمال الكلية على الجسر وتحديد المتانة التي تمتلكها هذه القابلات ، تحديد عدد القابلات الضرورية التي تحتاجها الجسر وتحديد العلاقة بين المتانة وعدد الدورات، تحديد معولية القابلات الساندة التي تمتلك توزيع ويبل وتأثيراتها بمرور الزمن وتحديد معولية الجسر بالاعتماد على معولية القابلات الساندة وتأثيراتها بمرور الزمن).

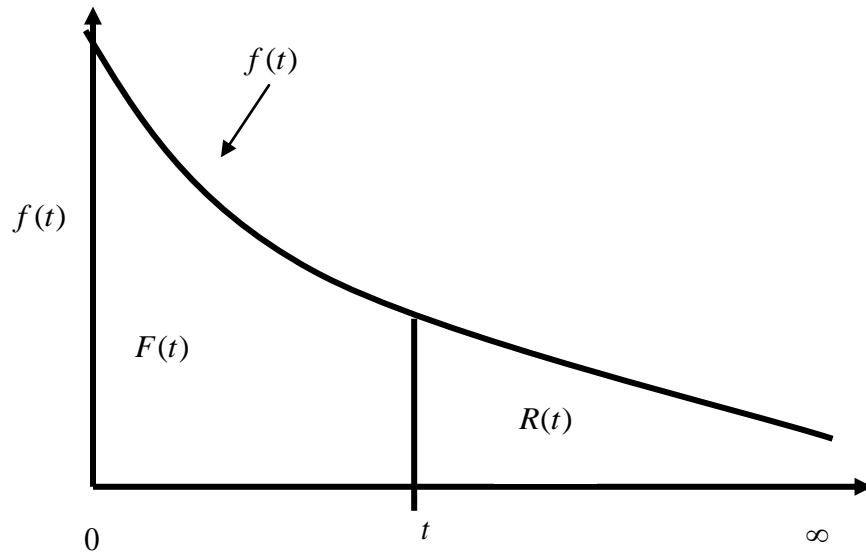
١.٣ : دالة المعولية (Reliability function)

تعرف المعولية بأنها احتمال أي جهاز أو منتج أن يعمل بكفاءة (بدون فشل) خلال مدة زمنية محددة وتحت شروط عمل محدد ويرمز لها بـ $R(t)$.

يفترض أن T متغير عشوائي مستمر يمثل الزمن لحين الفشل بدالة كثافة احتمالية $f(t)$ لأى مفردة أن احتمال عدم فشل المفردة قبل الوقت T يمثل المعولية أي أن:

$$R(t) = p(T > t)$$

يمكن أن نوضح دالة المعولية ودالة الفشل كمساحة تحت منحنى الدالة $f(t)$ وكما يأتي:-



الشكل (١)

دالة المعولية ودالة الفشل باستخدام مساحة تحت منحنى

٣. إن عمل الجهاز (أو مفردة) مؤكدة في زمن الصفر، ويعني عن هذه الخاصية بـ $R(t = 0) = 1$.

٤.٤ لا يوجد جهاز (أو مفردة) يعمل باستمرار. ويعبر عن هذه الخاصية بـ $R(t) = (0)$ عندما $t \rightarrow \infty$.

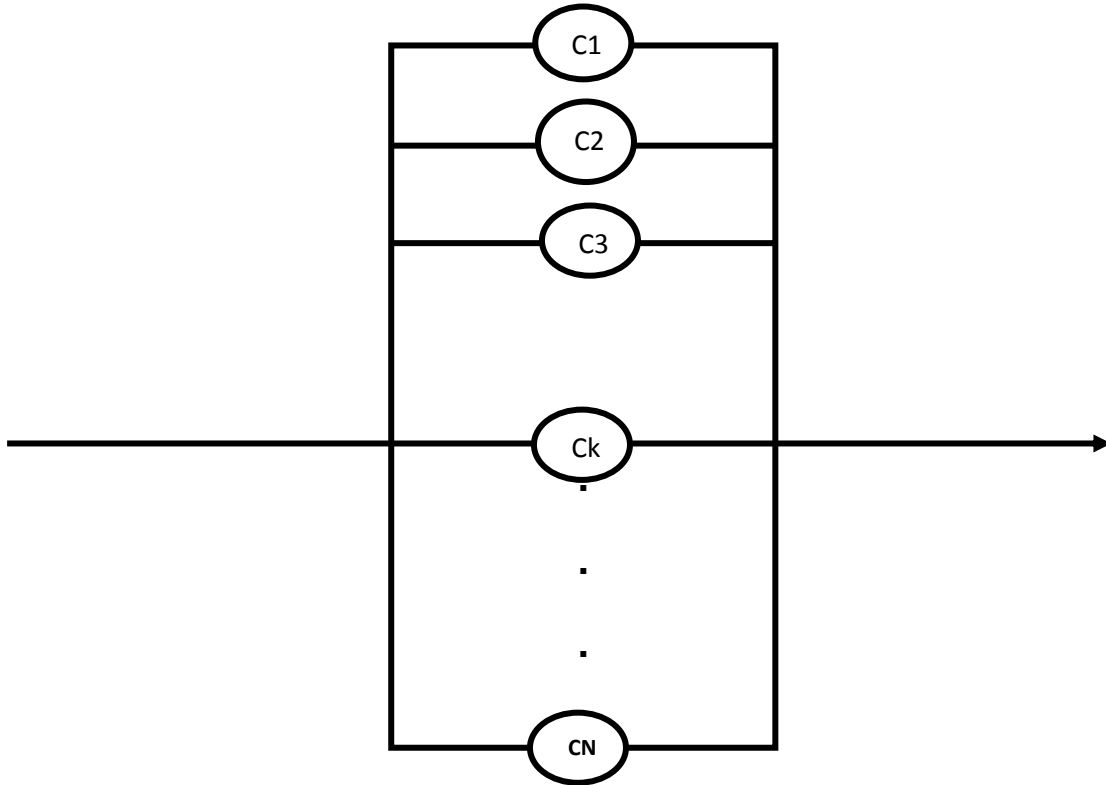
١.٤ : أنظمة k الوحدات من (N) (k out of N) systems

إن هذه الأنواع من الأنظمة تحتاج لتعمل بكفاءة عالية على الأقل إلى (k) من الوحدات تعمل من أصل (N) من الوحدات. وإن الربط على التوالي والربط على التوازي هي حالات خاصة من هذه الأنظمة وكما يأتي:-

١. إذا كان $k \geq 1$ فإن النظام يكون الربط على التوازي.

٢. إذا كان $k = n$ فإن النظام يكون الربط على التوالي.

ويمكن أن نوضح هذا النوع من الربط كما في الشكل الآتي:-



الشكل (2)

النظام (k وحدات من N).

في حالة التماثل والاستقلالية في التوزيع (Independent Identical Distribution) فإن احتمالية الضبط k من الوحدات من مجموع N من الوحدات الكلية تعمل بنجاح هي توزيع ذي حدين وتحسب كآتي:-

$$R(r, k, N) = \sum_{r=k}^N C_r^N R^r (1-R)^{N-r}$$

حيث أن:

$R(r, k, N)$: تمثل معوليه النظام.

R : تمثل معوليه كل مكون (Component).

وبفرض أن جميع الوحدات لها نفس المعولية ومستقلة فيما بينها فتوصل إلى أنه:-

للمفردة الواحدة:-

$$R + Q = 1$$

وان لـ N من المفردات:-

$$\Rightarrow (R+Q)^N = 1$$

$$\Rightarrow (R+Q)^N = R^N + N R^{N-1} Q + \frac{N(N-1)}{2!} R^{N-2} Q^2 + \frac{N(N-1)(N-2)}{3!} R^{N-3} Q^3 + \dots + Q^N = 1$$

عندما $k \geq 1$

$$P(k \geq 1) = 1 - P(K = 0)$$

$$= 1 - (1 - R)^N$$

$$P(k \geq (N-1)) = R^N + N R^{N-1} Q$$

$$P(k \geq (N-2)) = R^N + N R^{N-1} Q + \frac{N(N-1)}{2!} R^{N-2} Q^2$$

$$P(k \geq (N-3)) = R^N + N R^{N-1} Q + \frac{N(N-1)}{2!} R^{N-2} Q^2 + \frac{N(N-1)(N-2)}{3!} R^{N-3} Q^3.$$

وعندما $(K = n)$

$$P(k = n) = R^n$$

$$= \prod_{i=1}^n R_i$$

2.1: الجسور المعلقة (Suspension bridges)

تكون هذه الجسور أكثر أنواع الجسور إثارة للإعجاب، بباعها الرئيسي (Main span) الشاسع الامتداد، ومظهرها الرائع إذ تتميز بطريق الحمل على قابلات من الفولاذ ومشدودة إلى برجين شاهقين على طرفي الجسر.

تستخدم الجسور المعلقة لتمتد باعاتها عبر مساحات شاسعة، قد يصل الباع الواحد منها في معظم الحالات على أكثر من ٣٠٠م، كما أن لبعضها باعات رئيسة ممتدة لأكثر من 1,200 م. ويتم تشييد هذه الجسور أيضاً لتمتد فوق المساحات المائية العميقة، أو الوديان شديدة الانحدار، كما تستخدم

في مواقع أخرى يكون فيها بناء الدعامات بالغ الصعوبة وباهظ التكاليف . وهي لا تحتاج لأكثر من دعامتين تسند كل واحدة منهما على إحدى الأبراج.

ويمتد الباع الرئيسي للجسر المعلق بين هذين البرجين. كما يمتد كل من الباعين الجانبيين بين برج ومرساة. ومعظم هذه المراسي مشيدة من كتل خرسانية ضخمة على طرفي الجسر .

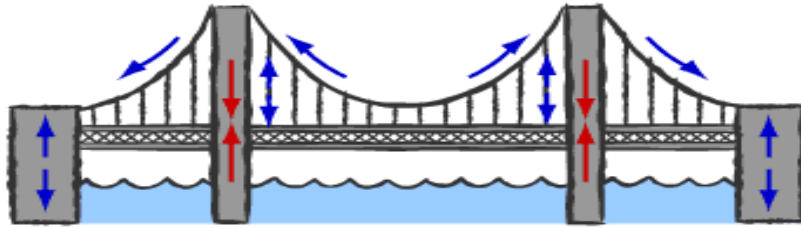
تسمى القابلات المدعمة للأبراج بالقابلات الرئيسية (Main cables)، ولكل جسر معلق مجموعتان من هذه القابلات على الأقل، يمتد كل منهما بين طرفي الجسر، حيث يتم تأمين ربطها بمرساة. كما أن القابلات الرئيسية متصلة بالنهايات الطرفية العليا للقابلات المعلقة الرأسية التي يتصل كل لحييل منها، عند نهايته الطرفية السفلى بالطريق الممتد على الجسر.

وتحدث الرياح الشديدة اهتزازات في الجسور المعلقة، مما يؤدي إلى إغلاقها في الحالات الاضطرارية القصوى. ويتم تزويد معظمها بتركيبات سميكة تسند طرقاتها لتقليل اهتزاز، تعرف الواحدة منها باسم عارضة التثبيت أو جمالون التثبيت.

تمتلك معظم الجسور المعلقة نظام التقييد تحت الطريق، وذلك لمقاومة قوى الانحناء والقتل التي يتعرض لها الجسر باستمرار.

٢.٢: توازن القوى في الجسور المعلقة:

يعلق الجسر بوساطة قابلات فولاذية ضخمة تتدلى من فوق برجين رئيسيين و ترتبط وتوثق بكتل إسمنتية ضخمة تدعى المراسي (Anchorage)، تقعان في كلتا نهايتي الجسر .تؤثر السيارات في الطريق بقوة نحو الأسفل، وبما أن الطريق معلق تقوم القابلات من خلال هذا التصميم الهندسي بتحويل القوى أو الأحمال إلى قوى انضغاط في كلا البرجين، حيث يقوم كلا البرجين بدعم معظم وزن الجسر. كما ميبين أدناه:



الشكل(3) توازن القوى في الجسور المعلقة

٢.٣ : حسابات الحمل في الجسور المعلقة (Determination Load on Suspension bridge)

يمكن حساب الحمل المحتمل أو القوى المتوقعة على الجسر التي لها علاقة بمكان الجسر وغرض بنائه. وتؤخذ بنظر الاعتبار ثلاثة أنواع رئيسة من الأحمال كالاتي:-

٢.٣.١ : الأحمال الميتة (Dead Loads)

تتضمن وزن الجسر إضافة إلى إي جسم آخر دائم ومثبت على الجسر (الكشك على الطريق، الإشارات المرورية، الحواجز، البوابات، سطح الطريق الخرساني. ويرمز لها بالرمز (D.L.).

٢.٣.٢ : الأحمال الحية (Live Loads)

وتتضمن الأحمال المؤقتة على الجسر مثلاً (السيارات، الشاحنات، القطارات أو المشاة) ويرمز لها برمز (L.L.).

٢.٣.٣ : الأحمال البيئية (Environmental Loads)

تتضمن الأحمال المؤقتة على الجسر التي يسببها الطقس وتأثيرات بيئية أخرى، مثل الرياح التي تأتي بسبب الأعاصير، أو الرياح العالية، الثلج والزلازل...، ويرمز لها برمز (E.L.).
إن هذه الأحمال معتمدة على غرض الاستعمال وموقع الجسر. الأمثلة على ذلك: الأعمدة (columns) والجسور الصغيرة (beams) المتعددة المستويات المصممة للقطارات والعربات والمشاة يجب أن تكون قادرة على تحمل هذه الاستعمالات التي صمم من أجلها الجسر. على سبيل المثال إن حمل الثلج المتوقع على الجسر في كولورادو (Colorado) سيكون أعلى بكثير من تلك الحمل في جورجيا (Georgia). الجسر في كارولينا (Carolina) الجنوبية يجب أن يصمم لمقاومة الأحمال الناتجة من الأعاصير والزلازل، بينما الجسر نفسه في نبراسكا (Nebraska) يجب أن يصمم لأحمال ربح الإعصار.

٢.٤ : مركبات الحمل (Load Combinations)

في أثناء تصميم جسر، من أهم الخطوات مراعاة مجموع الأحمال. لذا نستعمل عدة طرق لإنجاز هذه المهمة. إن الطريقتين الأكثر شيوعاً هما (The Uniform Building Code (UBC) و (The American Society of Civil Engineers (ASCE)).

١) طريقة (رمز البناية المنتظم) (UBC)

هناك عدد من الحالات التي تمثل رمز البناية المنتظم، يعرف بتكوّنه من خمس مركبات من الحمل. بهذه الطريقة فإن مجموعة الحمل التي تنتج ا لحمل الأعلى أو الأكثر تأثيراً تستعمل لتخطيط التصميم وإن مجموعات حمل رمز البناية المنتظمة الخمس هي:

- الحمل الميت + الحمل حي + حمل الثلج.

- الحمل الميت + الحمل حي + حمل الريح (أو حمل الزلزال).
 - الحمل الميت + الحمل الحي + حمل الريح + حمل ثلج ÷ (٢).
 - الحمل الميت + الحمل الحي + حمل الثلج + حمل ريح ÷ (٢).
 - الحمل الميت + الحمل الحي + حمل الثلج + حمل الزلزال.
- ٢) طريقة (الجمعية الأمريكية للمهندسين المدنيين) (ASCE)

تعرف ست مركبات بأنها تمثل الحمل كما هو الحال مع طريقة (UBC)، مركبات الحمل التي تنتج الحمل الأعلى أو الأكثر تأثيراً أو إخراجاً هي التي تستعمل لتخطيط تصميم الجسر على أية حال فحسابات الحمل للمجتمع الأمريكي من المهندسين المدنيين أكثر تعقيداً من حسابات الحمل بطريقة (UBC). لأغراض الدراسة ونحن سنستعمل خمس مجموعات حمل (UBC).

بعد أن يحدد المهندس مجموعة الحمل الأعلى أو الأكثر حرجاً. يحدد حجم الأجزاء، أي جزء من الجسر وأي قطعة رئيسية فردية من تركيب الجسر، مثل الأعمدة (أرصفة piers) أو الجسور الصغيرة (عوارض girders). مع العلم إن حجوم الجسور الصغيرة والعمود محسوب بشكل مستقل . وإن وحدة قياس الحمل هي الكيلوغرام (kg) ، الرطل (Ib) أو الكيلو نيوتن (KN).

٢.٥ : عوامل السلامة (Safety Factors)

إن عامل السلامة يستخدم لتقليل فرص الفشل في التركيب، وبهذا الأسلوب نقلل خطر الخسارة التي تتعلق بالتركيب. وهي نسبة (.) الفعلية للمواد إلى (.) المطلوبة وكما يأتي:-

$$S.F. = \frac{\text{Actual (.)}}{\text{Required (.)}}$$

حيث أن:

Actual (.) : الفعلية.

Required (.) : المطلوبة.

إن أنماط الفشل تختلف باختلاف التركيب الهيكلي للأجزاء، لذلك غالباً ما يستعمل عديد من عوامل السلامة باختلاف الأجزاء.

٢.٥.١ : تحديد عامل السلامة (Determination of safety Factor)

هناك عدد من النقاط يجب أن تؤخذ بنظر الاعتبار عند اختيار عوامل الأمان:-

١. عامل الأمان يجب أن يكون أكبر من ١.٠ لمنع الفشل.
٢. إذا كان عامل الأمان كبيراً جداً، تصبح الزيادة عن الحاجة (احتياطي).
٣. إذا كان عامل الأمان صغيراً جداً، يصبح الأمان في مشكلة.

وهناك أنشطة أخرى تتأثر أنشطتها بعوامل السلامة، وان وضع عامل السلامة يختلف من مشروع إلى مشروع آخر، كذلك هناك متغيرات تكون مجهولة في بعض الأحيان، مثل تأثير الوقت، حيث يجب أن تضاف إلى عوامل الأمان.

أن تأثيرات الوقت وكذلك البيئة لا يمكن السيطرة عليها بسهولة، ولكن المصمم يجب أن يبذل قصارى جهده للتميز بينهما.

عندما يستخدم عامل الأمان بشكل مناسب فان فرصة الفشل تقل وبالتالي يتوداد قابلية النظام. وان الخسارة البشرية والاقتصادية تتناقص عندما يكون تصميم منحني كل من المتانة والإجهاد ذا اختلاف قليل.

نستنتج أن في كل جزء من النظام يجب أن يؤخذ عامل السلامة بنظر الاعتبار . ومن الممكن حساب الأحمال الكلية مع أخذ عامل السلامة بنظر الاعتبار وكما يأتي:-

$$T.L. (Factored) = S.F_1 \times D.L. + S.F_2 \times L.L. + S.F_3 \times I.L. + S.F_4 \times E.L.$$

حيث إن:

$T.L. (Factored)$: الأحمال الكلية مع عامل السلامة.

$S.F_1$: عامل السلامة للحمل الميت. $S.F_2$: عامل السلامة للحمل الحي.

$S.F_3$: عامل السلامة للأحمال المثبتة على الجسر. $S.F_4$: عامل السلامة للعوامل البيئية.

٢.٦ : تحديد تحمل القابلات الساندة (Determination force of suspender cable)

يمكن حساب تحمل (Force) للقابلات الساندة وذلك بضرب المساحة بالمتانة (Durability) بحيث إن التحمل يقاس بالوطل (lbs) والمتانة تقاس بالوطل لكل بوصة مربعة (lb/in²). وان وحدة قياس المساحة هي البوصات المربعة (in²). وكما يأتي:-

$$F1 = Fy * A.$$

حيث إن:

F1: تحمل القابلات الساندة.

Fy: المتانة.

A: مساحة القابلات الساندة.

حيث يمكن حساب مساحة القابلات الساندة التي تعتمد على قطر هذه القابلات وكما يأتي:-

$$A = \Pi \times \left(\frac{D}{2} \right)^2$$

وان: D: قطر القابلات الساندة. Π : النسبة الثابتة ($\Pi = 3.14$).

٢.٧ : تحديد عدد القابلات الساندة (Determination number of suspender cables)

إن عدد القابلات الساندة الكلية يحدد من قبل الطاقم المصمم للجسر .

لحساب عدد القابلات الضرورية (k) التي يمتد عليها الجسر، نستخدم القانون الآتي:-

$$k = \frac{T.L(\text{factored})}{F1}$$

حيث إن:-

$T.L(\text{factored})$: الأحمال الكلية مع أخذ عامل السلامة بنظر الاعتبار.

ولحساب عدد القابلات الاحتياطية (Redundant) نقوم بطرح عدد القابلات الكلية بأخذ عوامل

السلامة بعين الاعتبار مع عدد القابلات الضرورية وكما طُي :

$$N.S.(\text{ factored }) = N - k$$

حيث إن: $N.S.(\text{ factored })$: عدد القابلات الاحتياطية.

N : عدد القابلات الكلية. k : عدد القابلات الضرورية

٢.٨ : جسر البوابة الذهبية المعلقة (Suspension Golden gate bridge)

يقع هذا الجسر في الولايات المتحدة الأمريكية أحد أروع الأمثلة في هندسة تصميم وإنشاء الجسور على مستوى العالم، حيث يمثل تحدياً لكل من التصميم الإنشائي والجمالية الفنية، وقد أعلن سابقاً أنه أحد عجائب الدنيا من قبل الجمعية الأمريكية للمهندسين المدنيين . ويعد جسر البوابة الذهبية (Golden Gate Bridge) أشهر المعالم الإبداعية في ولاية كاليفورنيا وأشهر الأعمال الهندسية في الولايات المتحدة كلها سابقاً . وبسبب جماله ولونه البرتقالي أو القرمزي الخاص، أصبح جسر البوابة الذهبية من أشهر الجسور .

بدأ العمل في بناء جسر البوابة الذهبية في ٢ / كانون الثاني / ١٩٣٣ م ، كجزء من برنامج "إدارة العمل والمشاريع" خلال عصر الرئيس فرانكلين دالنو . وتم الانتهاء من أعمال البناء سنة ١٩٣٧ م، وبدأت حركة المركبات خلاله في تمام ٢٧ / مايو من العام نفسه ، حين قام الرئيس الأمريكي فرانكلين بإطلاق إشارة انطلاق سير المركبات على الجسر الجديد.

٢.٨.١ : أنواع ومجموعات الحمل

إن أهم أنواع الأحمال الذي يمكن تحديدها للجسر هي:-

١. الحمل الميت Dead load .

٢. أي حمل اخر مثبت على الجسر Super imposed load .

٣. الحمل الحي Live load .

٤. الحمل بسبب الرياح Wind load .

Cases	Actual Load(Mpa)	Required Load(Mpa)	S.F.
Dead load	187	161.904762	1.155
Imposed load	38.5	20	1.925
Live load	100	69.930070	1.430
Wind load	9.6	7.933884	1.210

نقوم بإيجاد الحمل الكلي وذلك بأخذ حاصل جمع الأحمال في أعلاه فنجد أن مجموع الأحمال مع عدم وجود عامل السلامة تبلغ 259.768716 KN/m وبعد وجود عامل السلامة يبلغ 335.1 KN/m وان الاحتياط يبلغ 75.331284 KN/m وهكذا... وكما يأتي:-

$$T.L. (Factored) = S.F_1 \times D.L. + S.F_2 \times L.L. + S.F_3 \times I.L. + S.F_4 \times E.L.$$

$$= 1.155 * 161.904762 \text{ KN/m} + 1.925 * 20 \text{ KN/m} + 1.210 * 69.930070 \text{ KN/m}$$

$$+ 1.430 * 7.933884 \text{ KN/m} = 335.1 \text{ KN/m}$$

ونحسب الحمل بدون أخذ عامل السلامة وذلك باستخدام المعادلة نفسها بمساواة

$$S.F_1 = S.F_2 = S.F_3 = S.F_4 = 1$$

وكما يأتي:

$$T.L. (Unfactored) = 161.904762 \text{ KN/m} + 20 \text{ KN/m} + 69.930070 \text{ KN/m}$$

$$+ 7.933884 \text{ KN/m} = 259.768716 \text{ kN/m}$$

حيث إن

$T.L. (Unfactored)$: الأحمال الكلية بدون عامل السلامة.

ويمكن تلخيص مجموع الأحمال في الجدول الآتي:-

أحمال الجسر	KN/m	KN
الحمل الكلي مع عدم وجود عامل السلامة	259.768716	$259.768716 * 1280 = 332503.956649$
الحمل الكلي مع وجود عامل السلامة	335.10	$335.10 * 1280 = 428928$
مقدار الحمل الزائد عن الحاجة	75.331284	$75.331284 * 1280 = 96424.043351$

الجدول (٢) مجموع الأحمال.

إن تحديد التحمل يعتمد على قطر القابلات (D) أو المساحة لان مساحة المقطع تعتمد أيضاً على (D) وكذلك على المتانة وكما يأتي:-

$$D = 2 \frac{11}{16} in = 68mm$$

$$r = \frac{D}{2}$$

حيث أن:

D: تمثّل قطر القابلو الواحد الساند.

r: تمثّل نصف قطر القابلو.

A: مساحة المقطع للقابلو.

ويمكن إيجاد مساحة المقطع وكما يأتي:-

$$A = \Pi r^2$$

$$A = 3.14 * \left(\frac{68}{2} \right)^2 = 3631.68 \text{ m m}^2$$

ونجد أن المتانة هي معروفة (فيزيائياً) لدى مصمم ي الجسر، لذلك فان متانة القابلات الساندة

تساوي 182,600 psi = 1260MPa.

قمنا بتحويل وحدة المتانة من وحدة (psi) إلى وحدة (Mpa).

لتحديد تحمل القابلات تم تطبيق:-

$$F1 = 1260 \frac{N}{m m} * 3631.68 \text{ m m}^2 = 4575916.8 \text{ N} = 4575.9168 \text{ KN}$$

قمنا بتحويل وحدة التحمل من وحدة (N) إلى وحدة (KN).

إن عدد القابلات الكلية هي ٥٠٠ قابلو معلق.

يمكن حساب عدد القابلات الضرورية يمكن حسابها وكما يأتي:-

$$k = \frac{428928 \text{ KN}}{4575.9168 \text{ KN}} \approx 94$$

ويمكن لتحديد عدد القابلات الاحتياطية (Redundant) وكما يأتي:-

$$N.S(Safety) = 500 - 94 = 406$$

٢.٩: العلاقة بين الدورة والمتانة (Relation between Cycle and Durability)

إن الجسور المعلقة عند مرور المركبات والأجسام عليها تولد تذبذبات حركية بتعبير آخر يتحرك الجسر إلى الأسفل عند مرور المركبات وبعدها يتحرك إلى الأعلى (يرجع إلى وضعه الطبيعي) وان هذه الحركة تسمى الدورة (Cycle)، بحيث إن هذه التذبذبات تؤثر في متانة القابلات الساندة عكسياً (بزيادة عدد الدورات يفقد مقدار المتانة).

إن لكل جسر معلق معدل حركة سنوية معينة (Annual Average Daily Truck (AADT)) حيث بحسب السنوات (أو بمرور السنوات) يفقد متانة (المعولية) القابلات الساندة وكما في الجدول الآتي:-

Redundant Load Path Structures				
Allowable Range of Stress, Fsr(Ksi)				
Category	For 100000 cycle	For 500000cycle	For 2000000cycle	Over 2000000
A (Ksi)	49	29	18	16
Mpa	$(49*6.9)=338.1$	$(29*6.9)=200.1$	$(18*6.9)=124.2$	$(16*6.9)=110.4$
B (Ksi)	39	23	14.5	12
Mpa	$(39*6.9)=269.1$	$(23*6.9)=158.7$	$(14.5*6.9)=100.05$	$(12*6.9)=82.8$
C (Ksi)	35.5	21	13	10
Mpa	$(35.5*6.9)=244.95$	$(21*6.9)=144.9$	$(13*6.9)=89.7$	$(10*6.9)=69$
D (Ksi)	28	16	10	7
Mpa	$(28*6.9)=193.2$	$(16*6.9)=110.4$	$(10*6.9)=69$	$(7*6.9)=48.3$
E (Ksi)	22	13	8	4.5
Mpa	$(22*6.9)=151.8$	$(13*6.9)=89.7$	$(8*6.9)=55.2$	$(4.5*6.9)=31.05$
F (Ksi)	16	9.2	5.8	2.6
Mpa	$(16*6.9)=110.4$	$(9.2*6.9)=63.48$	$(5.8*6.9)=40.02$	$(2.6*6.9)=17.94$
G (Ksi)	15	12	9	8
Mpa	$(15*6.9)=103.5$	$(12*6.9)=82.8$	$(9*6.9)=62.1$	$(8*6.9)=55.2$

الجدول (٣)

الأنواع والمتانة (Durability) بحسب القابلات الفولاذية وبحسب معدل الحركة السنوية.

A,B,C,D,E,F,G هي أنواع القابلات الفولاذية.

وان (Kilo Square Inch)Ksi و (Mega Pascal)Mpa هي وحدات لقياس المتانة.

قمنا بتحويل وحدة المتانة من وحدة (Ksi) إلى وحدة (Mpa).

ونظرا لعدم معرفة نوع القابلو الفولاذي الساند المستخدم في جسر البوابة الذهبية لذا افترضنا نوع A

لكونه النوع المستخدم لأنه لا يوجد اختلاف في تغير المتانة بالنسبة لأنواع القابلات الفولاذية.

إن مقدار المتانة (Durability) مقابل عدد السنوات ومعدل الحركة السنوية (AADT) مبين كما

في الجدول الآتي:-

Durability(Mpa)	AADT(Cycle)	Year
338.1	100000	1
200.1	500000	5
124.2	2000000	20
110.4	>2000000	>20

الجدول (٤)

فقدان المتانة بازدياد عدد السنوات.

يعني ذلك أن الهدى المسموح به (متانة القابلو الفولاذي تقع ضمن مدى من (338.1Mpa) (الحد

الأعلى) إلى (110.4Mpa) (الحد الأدنى). إن إقلال في المتانة لمدة الاستخدام (5) و (١٥) سنوات معطاة

في الجدول الآتي:-

Change(Mpa)	AADT(Cycle)
138 (338.1-200.1)	100000-500000
75.9 (200.1-124.2)	500000-2000000
13.8 (124.2-110.4)	over 2000000

الجدول (٥)

كمية فقدان المتانة حسب زيادة عدد الدورات.

وهذا يعني أن في مدة ٤ سنوات من الاستخدام المستمر تتناقص متانة القابل الواحد بمقدار (138Mpa) وحدة ومن ٥ سنوات إلى ٢٠ سنة (١٥ سنة) تقل بمقدار (75.9Mpa) وحدة ومن ٢٠ سنة فأكثر تقل بنسبة (13.8Mpa) وحدة . وان مقدار التغير السنوي كما هو موضح في جدول الآتي:-

AADT(Cycle)	100000 cycle	Total
100000-500000	(138/5)=27.6 Mpa	138Mpa
500000-2000000	(75.9/15)=5.06Mpa	75.9Mpa
over 2000000	(13.8/10)=1.38Mpa	13.8 Mpa

الجدول (٦)

كمية الفقدان السنوي من المتانة إذا كان (AADT=100000 Cycle).

إن المتانة تتناقص بمقدار (27.6Mpa) وحدة خلال خمس سنوات الأولى من الاستخدام المستمر، ومن خمس سنوات إلى عشرين سنة يتناقص بمقدار ثابت وقدره (5.06Mpa) وحدة وبعد أكثر من عشرين سنة يتناقص بمقدار (1.38Mpa) وحدة إذا كانت المدة المسموحة بها لصلاحية القابل الفولاذي هي ١٠ سنة.

نلاحظ إن التغير في متانة القابل الفولاذي يختلف باختلاف الحمل الذي تحمله. فكلما زاد عدد الدورات يزداد مقدار الفقدان في المتانة. فإذا ازدادت عدد الدورات من (118000Cycle-1000000) سنوياً فإن التغير يكون كما في الجداول الآتية:-

فقدان المتانة لكل يوم خلال الخمس سنوات الأولى.	(27.6/355)= 0.077746479Mpa/Day
عدد الدورات لكل يوم خلال الخمس سنوات الأولى.	(100000*5)/(5*355)=282 Cycle/Day
فقدان المتانة لكل دورة خلال الخمس سنوات الأولى.	(0.077746479/281.6901408)=0.000276Mpa/Cycle
فقدان المتانة لكل سنة خلال الخمس سنوات الأولى.	(27.6+0.000276 *18000)=32.568Mpa
فقدان المتانة للخمس سنوات الأولى.	(32.568*5)=162.84Mpa

الجدول (٧)

كمية الفقدان السنوي من المتانة خلال الخمس سنوات الأولى إذا كان (AADT=118000 Cycle).

فقدان المتانة لكل يوم خلال ١٥ سنة الثانية.	$(5.06/355)=0.0142535\text{Mpa/Day}$
عدد الدورات لكل يوم خلال ١٥ سنة الثانية.	$(100000*15)/(15*355)=281.69014\text{ Cycle/Day}$
فقدان المتانة لكل دورة خلال ١٥ سنة الثانية.	$(0.0142535/281.69014)=0.000051\text{Mpa/Cycle}$
فقدان المتانة لكل سنة خلال ١٥ سنة الثانية.	$(5.06+0.000051*15)=5.9708\text{Mpa}$
فقدان المتانة لـ ١٥ سنة الثانية.	$(5.9708*15)= 89.562\text{Mpa}$

الجدول (٨)

كمية الفقدان السنوي من المتانة خلال ١٥ سنة الثانية إذا كان $AADT=118000\text{ Cycle}$.

فقدان المتانة لكل يوم خلال ١٠ سنوات الثالثة.	$(1.38/355)=0.000485915\text{Mpa/Day}$
عدد الدورات لكل يوم خلال ١٠ سنوات الثالثة.	$(100000*10)/(10*355)=281.6901408\text{ Cycle/Day}$
فقدان المتانة لكل دورة خلال ١٠ سنوات الثالثة.	$(0.000485915/281.6901408)=0.000001725\text{Mpa/Cycle}$
فقدان المتانة لكل سنة خلال ١٠ سنوات الثالثة.	$(1.38+0.000001725*10)=1.380138\text{Mpa}$
فقدان المتانة لـ ١٠ سنوات الثالثة.	$(1.380138*10)=13.80138\text{Mpa}$

الجدول (٩)

كمية الفقدان السنوي من المتانة خلال ١٠ سنوات الثالثة إذا كان $AADT=118000\text{ Cycle}$.

<i>AADT</i>	<i>118000 cycle</i>	<i>Total</i>
<i>100000-500000</i>	$(162.84/5)=32.568\text{ Mpa}$	<i>162.84 Mpa</i>
<i>500000-2000000</i>	$(89.562/15)=5.9708\text{Mpa}$	<i>89.562Mpa</i>
<i>over 2000000</i>	$(13.80138/10)=1.380138\text{Mpa}$	<i>1.380138Mpa</i>

الجدول (١٠)

كمية الفقدان السنوي من المتانة إذا كان $AADT=118000$.

إن مقدار الفقدان للمتانة عندما تزداد عدد الدورات من (100000 Cycle) إلى (118000 Cycle) هي كما يأتي:-

AADT	100000 Cycle	118000 Cycle	Change
100000-500000	138Mpa	162.84 Mpa	24.84 Mpa
500000-2000000	75.9Mpa	89.562 Mpa	13.662 Mpa
over 2000000	13.8 Mpa	13.80138Mpa	0.00138Mpa

الجدول (١١)

مقدار التغير في المتانة عندما يتغير AADT.

من خلال الجدول في أعلاه يتضح انه خلال السنوات الخمس الأولى فان المتانة تفقد بمقدار (٢٤.٨٤ Mpa) وحدة عندما يزداد عدد الدورات من ١٠٠٠٠٠٠ إلى ١١٨٠٠٠٠ وهكذا...

٢.١٠ : متانة القابلات الساندة للجسر البوابة الذهبية (Durability of Suspender cable of Golden Gate Bridge)

إن الجسور المعلقة عادةً تبنى لمدة ١٠٠ سنة مع اخذ عامل السلامة بنظر الاعتبار . وان المعلومات المستخدمة لإيجاد المتانة موضحة في الجدول الآتي:-

Year	Decreasing of Durability	Change Durability	Cumulative of Durability
1	1260.000Mpa	0 Mpa	0.000Mpa
5	1097.160Mpa	(162.84-0)=162.84 Mpa	162.840Mpa
20	1007.598Mpa	(252.402-162.84)=89.562Mpa	252.402Mpa
100	236.000Mpa	(1024-252.402)=771.598 Mpa	1024.000Mpa

الجدول (١٢)

المتانة بحسب السنوات لجسر البوابة الذهبية.

أن تغير المتانة سنويا من سنة (١-٥) كما هو مبين في الجدول (٧) ومن سنة (٥-٢٠) كما هو مبين في الجدول (٨) ومن سنة (٢٠-١٠٠) مبين كما في الجدول في أدناه:-

فقدان المتانة لكل يوم خلال ٨٠ سنوات الثالثة.	$(9.6449/355)=0.027169\text{Mpa/Day}$
عدد الدورات لكل يوم خلال ٨٠ سنوات الثالثة.	$(100000*80)/(355*80)=281.690141\text{ Cycle/Day}$
فقدان المتانة لكل دورة خلال ٨٠ سنوات الثالثة.	$(0.027169/281.690141)=0.00009645\text{Mpa/Cycle}$
فقدان المتانة لكل سنة خلال ٨٠ سنوات الثالثة.	$(9.6449+(0.00009645*80))=9.64507144975\text{Mpa}$
فقدان المتانة لـ ٨٠ سنة.	$(9.64507144975*80)=771.605716\text{Mpa}$

الجدول (١٣)

كمية فقدان السنوي من المتانة خلال ٨٠ سنة الثالثة إذا كان $AADT=118000\text{ Cycle}$.

والجدول التالي يبين تغير المتانة سنوياً

Clase	change Durabilityper year	Total
1-5	32.5680Mpa	162.84Mpa
5-20	5.9708Mpa	252.402Mpa
20-100	9.644975Mpa	268.686Mpa

الجدول (١٤)

تغير المتانة سنوياً

من خلال الجدول (١٢) نجد إن الحد المسموح به للمتانة هو من ١٢٦٠ إلى ٢٣٦ وحدات ويزداد الفقدان من ٠ إلى ١٠٢٤ وحدات، حيث خلال السنوات ٥ الأولى يفقد بمقدار ١٦٢.٨٤ وحدة وبعد ١٥ سنة يفقد بمقدار ٨٩.٥٦٢ وحدة وعند ٨٠ سنة يفقد بمقدار ٧٧١.٥٩٨، وان مقدار التغير في المتانة سنوياً مبين كما في الجدول (١٤) . مع العلم أن معدل الحركة السنوية لجسر البوابة الذهبية (AADT) هي ١١٨٠٠٠ دورة.

ولقد تم تبديل القابلات الساندة في السبعينات لذلك سوف نحسب مقدار الفقدان في المتانة ابتداء من سنة ١٩٨١ إلى سنة ٢٠٧٦ وكما في الجدول الآتي:-

T	S (Mpa)	AADT	K
1981	162.8400	590,000	108
1986	192.6940	1,180,000	111
1991	222.5480	1,770,000	114
1996	252.4020	2,360,000	117
2001	300.6269	2,950,000	123
2006	348.8518	3,540,000	130
2011	397.0766	4,130,000	137
2016	445.3015	4,720,000	145
2021	493.5264	5,310,000	154
2026	541.7513	5,900,000	164
2031	589.9761	6,490,000	176
2036	638.2010	7,080,000	190
2041	686.4259	7,670,000	206
2046	734.6508	8,260,000	225
2051	782.8756	8,850,000	248
2056	831.1005	9,440,000	275
2061	879.3254	10,030,000	310
2066	927.5503	10,620,000	355
2071	975.7751	11,210,000	416
2076	1024.0000	11,800,000	500

الجدول (١٥)

المتانة حسب السنوات.

من خلال الجدول في أعلاه نجد انه كلما قلت المتانة ازداد العدد الضروري من القابلات الساندة التي يحتاجها الجسر .

في السنة الأولى فان الجسر يحتاج إلى ٩٤ قابلو من أصل ٥٠٠ قابلو وبعد مرور خمس سنوات فان المتانة تفقد بمقدار ١٦٢.٨٤ وحدة وان هذا الفقدان يؤدي إلى زيادة العدد الضروري من القابلات الساندة التي يحتاجها الجسر إلى ١٠٨ قابلو من أصل ٥٠٠ قابلو وهكذا... .

٢.١١: معولية جسر البوابة الذهبية (Reliability for Golden Gate Bridge).

إن معولية جسر البوابة الذهبية تأخذ بنظر الاعتبار معولية القابلات الساندة للجسر وعدد القابلات الضرورية وكذلك عدد القابلات الفعلية للجسر ، باستخدام البرنامج الإحصائي الجاهز (Statistical Tables) وحصلنا على معولية النظام $R(k,N)$ وبذلك تقسم البيانات كما هو في أدناه على قسمين:-

القسم الأول: تم تقدير معولية الجسر من سنة ١٩٧٦ إلى سنة ٢٠٠٨ كما في الجدول (١٦) ونحسب معولية الجسر للسنة المذكورة كما يأتي:-

$$R(r,94,500) = \sum_{r=94}^{500} C_r^{500} R_i^r (1-R_i)^{500-r} \quad i = 1,2,3,\dots,100$$

من خلال التحليل الاحصائي وجدنا أن متانة القابلات الساندة تتبع توزيع ويبيل

$$f(S; \alpha, \beta) = \alpha \beta S^{\beta-1} e^{-\alpha S^\beta} \quad S \geq 0, \quad \alpha, \beta > 0$$

تم تقدير معلمة القياس (α) ومعلمة الشكل (β) بطريقة بيز والنتائج كالآتي:

$$\hat{\beta} = 3.7$$

$$\hat{\alpha} = 3.39E-11$$

وتم تقدير دالة معولية القابلات الساندة بتعويض قيم المعلمات التقديرية

$$\hat{R}(t) = e^{-3.39E-11 t^{3.7}}$$

حيث ان S تمثل (Durability) متانة القابلات.

تبين لنا في الجدول أدناه أن المعولية في سنة ١٩٧٦ هي ١٠٠% حيث أن عدد القابلات الضرورية التي يحتاجها الجسر هي على الأقل ٩٤ قابلو، أي ان الجسر يعمل بكفاءة عالية جداً في (١٩٧٦-٢٠٣٤).

T	k	$R(t_s)$	$F(t_s)$	R(k,N)	Q(k,N)
1976	94	1.0000	0.0000	1.000000	0.000000
1977	96	1.0000	0.0000	1.000000	0.000000
1978	99	0.9998	0.0002	1.000000	0.000000
1979	102	0.9992	0.0008	1.000000	0.000000
1980	105	0.9977	0.0023	1.000000	0.000000
1981	108	0.9948	0.0052	1.000000	0.000000
1982	108	0.9941	0.0059	1.000000	0.000000
1983	109	0.9933	0.0067	1.000000	0.000000
1984	109	0.9924	0.0076	1.000000	0.000000
1985	110	0.9914	0.0086	1.000000	0.000000
1986	111	0.9904	0.0096	1.000000	0.000000
1987	111	0.9893	0.0107	1.000000	0.000000
1988	112	0.9880	0.0120	1.000000	0.000000
1989	113	0.9867	0.0133	1.000000	0.000000
1990	113	0.9852	0.0148	1.000000	0.000000
1991	114	0.9837	0.0163	1.000000	0.000000
1992	115	0.9820	0.0180	1.000000	0.000000
1993	115	0.9802	0.0198	1.000000	0.000000
1994	116	0.9783	0.0217	1.000000	0.000000
1995	117	0.9763	0.0237	1.000000	0.000000
1996	117	0.9741	0.0259	1.000000	0.000000
1997	118	0.9703	0.0297	1.000000	0.000000
1998	120	0.9662	0.0338	1.000000	0.000000
1999	121	0.9616	0.0384	1.000000	0.000000
2000	122	0.9566	0.0434	1.000000	0.000000
2001	123	0.9512	0.0488	1.000000	0.000000
2002	124	0.9453	0.0547	1.000000	0.000000
2003	126	0.9390	0.0610	1.000000	0.000000
2004	127	0.9321	0.0679	1.000000	0.000000
2005	128	0.9248	0.0752	1.000000	0.000000
2006	130	0.9169	0.0831	1.000000	0.000000
2007	131	0.9085	0.0915	1.000000	0.000000
2008	132	0.8995	0.1005	1.000000	0.000000

الجدول (١٦)

تقدير معولية الجسر للمدة (١٩٧٦-٢٠٠٨).

القسم الثاني : تم التنبؤ بمعولية الجسر للمدة (٢٠٠٩-٢٠٤٠) كما في الجدول الآتي:-

T	k	$R(t_s)$	$F(t_s)$	R(k,N)	Q(k,N)
2009	134	0.8900	0.1100	1.000000	0.000000
2010	135	0.8799	0.1201	1.000000	0.000000
2011	137	0.8693	0.1307	1.000000	0.000000
2012	138	0.8580	0.1420	1.000000	0.000000
2013	140	0.8462	0.1538	1.000000	0.000000
2014	142	0.8338	0.1662	1.000000	0.000000
2015	143	0.8208	0.1792	1.000000	0.000000
2016	145	0.8073	0.1927	1.000000	0.000000
2017	147	0.7931	0.2069	1.000000	0.000000
2018	148	0.7784	0.2216	1.000000	0.000000
2019	150	0.7632	0.2368	1.000000	0.000000
2020	152	0.7474	0.2526	1.000000	0.000000
2021	154	0.7311	0.2689	1.000000	0.000000
2022	156	0.7143	0.2857	1.000000	0.000000
2023	158	0.6970	0.3030	1.000000	0.000000
2024	160	0.6793	0.3207	1.000000	0.000000
2025	162	0.6611	0.3389	1.000000	0.000000
2026	164	0.6426	0.3574	1.000000	0.000000
2027	167	0.6237	0.3763	1.000000	0.000000
2028	169	0.6045	0.3955	1.000000	0.000000
2029	171	0.5850	0.4150	1.000000	0.000000
2030	174	0.5653	0.4347	1.000000	0.000000
2031	176	0.5454	0.4546	1.000000	0.000000
2032	179	0.5253	0.4747	1.000000	0.000000
2033	181	0.5051	0.4949	1.000000	0.000000
2034				1.000000	0.000000

الجدول (١٧)

الاستنتاجات: Conclusions

- ١- إن معولية القابلات الساندة $R(t)$ للمدة (١٩٧٦-٢٠٠٨) تتناقص مع ازدياد الزمن ذات الفشل تزداد ببطء ولكن معولية الجسر $R(K,N)$ تبقى ثابتة وتساوي واحد خلال تلك المدة.
- ٢- إن معولية الجسر التنبؤية ثابتة من سنة ٢٠٠٩ الى سنة ٢٠٣٤ وبعدها تتناقص ببطء حتى سنة ٢٠٣٧ ثم تزداد شدتها الى سنة ٢٠٤٠.
- ٣- من خلال التحليل يتبين أن عدد القابلات الضرورية (k) هي تقريبا خمس عدد القابلات الحقيقية (N) أي أن $k = N/5$.

المراجع الأجنبية: Foreign References

- 1- American Association of State Highway and Transportation Officials, (1996), "Standard Specification for Highway Bridge", Sixteen Editions, table 10.3. IA
- 2- Beer, Ferdinand P., and E. Russell Johnston, Jr, (2006), " Mechanics of Materials", Fourth Edition, Texas Tech University, McGraw-Hill Companies, Inc., New York.
- 3- Chen, Wai-Fah, Duan, Lian, (2000) "Bridge engineering handbook" CRC Press LCC, New York.
- 4- Dhillon, B.C., (1999), "Design Reliability: Fundamentals and Application", CRC press LLC, London, UK.
- 5- Kececioglu, Dimitri B., (2002), "Reliability Engineering Handbook", volume 1, DEStech Publications, Inc., USA.
- 6- Singer F.I. and Pytel .A, (1980), "Strength of materials", third edition, Harper international.
- 7- Smith, Charles O., (1976), "Introduction to Reliability in Design". McGraw-Hill, Inc., Tokyo, Japan.

مصادر الانترنت

- 1- Jonathan S. Good & Joe Friedriches, (2007), "Designing Bridges", Integrated Teaching and Learning Program and Laboratory, University of Colorado.
Date of downloading: 25/8/2009
http://www.teachengineering.org/view_lesson.php?url=http://www.teachengineering.org/collection/cub/lesson/cub_brid/cub_brid_lesson02..xml#pererq
- 2- Kei Fung sameul, Kwan, (2007), "THE STUDY ON SAN FRANCISCO GOLDEN GATE BRIDGE", University of Bath, UK.
Date of downloading: 25/8/2009.

[http://www.bath.ac.uk/ace/uploads/StudentProjects/Bridgeconference2007/conference/mainpage/Kwan Golden Gate.pdf](http://www.bath.ac.uk/ace/uploads/StudentProjects/Bridgeconference2007/conference/mainpage/Kwan%20Golden%20Gate.pdf)

- 3- Annual Average Daily Truck Traffic on the California State Highway System, (2008), "Annual Average Daily Truck Traffic", USA.

Date of downloading:25/8/2009.

<http://www.dot.ca.gov/hq/traffops/saferesr/trafdata/truck2006final.pdf>