

## تأثير القيم الشاذة على التنبؤ باستخدام طريقة التمهيد الأسني الأحادي التكيفي دراسة مقارنة بين الطريقة التقليدية وطريقة دالة الطيف

طاهر ريسان دخيل<sup>(١)</sup>

علي جواد كاظم<sup>(٢)</sup>

### الملخص

لا يخفى على أحد مدى تأثير القيم الشاذة على طرائق التنبؤ كافة وضمنها طريقة التمهيد الأسني التكيفية ففي هذا البحث تم دراسة تأثير هذه القيم في طرفيتين تعنى بايجاد القيمة المثلثى لثابت التمهيد التكيفي  $\alpha$  ، والذي يستخدم في طريقة التمهيد الأسني التكيفية Adaptive Single Exponential smoothing وهاتان الطريقتان هما الطريقة التقليدية والتي تستخدم ضمن مجال الزمن Time Domain وطريقة دالة الطيف والتي تستخدم ضمن مجال الترددات Frequency Domain حيث كان مجال الدراسة ضمن السلسلة الزمنية ولنموذج الانحدار الذاتي من الرتبة الأولى AR(1) أو نموذج ماركوف Markov Model عندما تكون السلسة مستقرة أو غير مستقرة وعند أحجام عينات مختلفة .

### المقدمة Introduction

إن الهدف من السلسلة الزمنية Time Series هو لاكتشاف نمط الظاهره المدروسة وذلك بتسجيل قيمتها الماضية والتغيرات التي نطرأ عليها خلال الزمن كي تمهيد لنا طريق دراسة هذه التغيرات وسيكون بمقدورنا إحصائيا التنبؤ بشكل دقيق ومعرفة المؤثرات التي تؤثر على تطور الظاهره وبطبيعة كيفية عمل طريقة التنبؤ فإن قسم أو جزء من طرائق التنبؤ بالسلسلة الزمنية يسمى بالطرائق التنبؤية التمهيدية Smoothing Forecasting Method وفي هذا النوع يتم تمهيد Smooth أو تتعيم السلسلة الزمنية وذلك باستخدام حد يدعى بحد التمهيد  $\alpha$  وحسب نوع التمهيد فإنه يمكن تقسيم الطرائق إلى نوعين هما :-

- الطرائق التمهيدية باستخدام حد تمهيد ثابت ، وفي هذه الحالة فإن حد التمهيد يكون ثابتاً عند جميع عمليات التنبؤ ، ومن الطرائق التي تستخدم حد تمهيد ثابت ، طريقة التمهيد الأسني الأحادية Single Exponential Smoothing وطريقة هولت - ونتر Holt-Winter Method .

(١) مدرس الإحصاء / جامعة القادسية / كلية الإدارة والاقتصاد / قسم الإحصاء

(٢) مدرس الإحصاء / جامعة القادسية / كلية الإدارة والاقتصاد / قسم الإحصاء

- الطرائق التمهيدية باستخدام حد تمهيد متغير وهذه الطرائق هي عكس الطرائق السابقة، إذ يتغير حد التمهيد من فترة إلى أخرى ، ومن الطرائق التي تستخدم حد تمهيد متغير، طريقة التمهيد الآسي الأحادية التكيفية . Single Adaptive Exponential Smoothing

### هدف البحث Purpose of Study

يهدف هذا البحث إلى دراسة مقارنة بين الطريقة التقليدية Classical Method وطريقة تحليل الطيف Spectral Analysis باستخدام منفذ Parzen و Tukey Window لحساب قيمة ثابت التمهيد التكيفي  $\alpha$ ، وذلك عند وجود قيم شاذة Outlier في نموذج ماركوف Markov Model بغية معرفة أفضلية الطرقتين في حساب التنبؤات المستقبلية وباستخدام سلسل زمنية مستقرة وغير مستقرة وعند أحجام عينات مختلفة، وقد استخدمت المحاكاة Simulation لتحقيق هذا الغرض .

### طريقة التمهيد الآسي الأحادية التكيفية (ASES) [1][3][4][5]

#### Adaptive Single Exponential Smoothing

إن طريقة التمهيد الآسي (SES) Single Exponential Smoothing أحد طرائق التنبؤ بالتمهيد الآسي Exponential Smoothing التابعة للسلسلات الزمنية Time Series والتي تعتمد بشكل أساسى على تحديد قيمة ثابت التمهيد  $\alpha$  الذي تقع قيمته بين الصفر والواحد ومن ثم التنبؤ باستخدام المعادلة التالية

$$F_{t+1} = \alpha x_t + (1 - \alpha) F_t \dots \dots \dots 1$$

إذ أن  $t = 1, 2, \dots, T$

$F_t$  ،  $F_{t+1}$  هي القيم التنبؤية عند الزمن  $t$  و  $t+1$  على التوالي

$x_t$  هي المشاهدات الحقيقة عند الزمن  $t$

وبالاعتماد على هذه الطريقة فإنه يتم اختيار حد التمهيد  $\alpha$  ويكون قيمة ثابتة لكل عمليات التنبؤ التي يتم إجراءها ، هذه القيمة الثابتة وحسب رأي هذه الطريقة ستؤثر على قيم متوسطات مربعات الأخطاء MSE مما يعطي تأثيراً واضحاً لهذا الثابت . أما طريقة التمهيد الآسي الأحادية التكيفية (ASES) فتعامل مع هذا الحد ليس كثابت وإنما كمتغير يعتمد على دالة معينة والتي تعتمد بدورها على الزمن  $t$  ، وبذلك فإن معادلة التنبؤ الخاصة بهذه الطريقة هي كما يلي:-

$$F_{t+1} = \alpha_t x_t + (1 - \alpha_t) F_t \dots \dots \dots 2$$

وأن جميع الحدود هي كما ذكرت في المعادلة (1)

وقد دأبت الدراسات في ابتكار طرق لحساب  $\alpha$  منها :

### الطريقة التقليدية لحساب $\alpha$ , [1][3]

يمكن الحصول على،  $\alpha$  والتي تتطابق مع المعادلة رقم 2 من خلال المعادلة التالية

$$\alpha_{t+1} = \left| \frac{A_t}{M_t} \right| \dots \dots \dots 3$$

اذ ان

$$e_t = x_t - F_t$$

إذ أن  $\beta$  ثابت تقع قيمته بين الصفر والواحد الصحيح ويتم اختياره بحيث يجعل MSE أقل ما يمكن.

ونلاحظ من خلال المعادلتين (4) و (5) أن هناك قيم ابتدائية يجب الحصول عليها كي يتم البدء باستخدام هذه الطريقة ، لذلك يمكن أن تعطى القيم الأولية التالية وعندما يكون

$$F_{t+1} = F_{t+1} = F_3 = x,$$

هذا يعني أن القيمة الأولية للتبؤ عند الفترة  $t = 1$  يمكن أن تكون القيمة الحقيقة للمشاهدة الأولى،  $x_1$ .

اما قيم  $\alpha_i$  الأولية  $i=1,2,3,4$  فيمكن أن تعطى مساوية إلى قيمة ثابت  $\beta$  فلو كان  $\beta = 0.4$  فان  $\alpha_1 = \alpha_2 = \alpha_3 = \alpha_4 = \beta = 0.4$  أما قيم  $A_i$  والأولية فيمكن وضعها مساوية إلى الصفر الواحد على التوالي.

[<sup>2</sup>][<sup>6</sup>] Spectral Method to calculate  $\alpha$ , طريقة الطيف لحساب  $\alpha$

لقد اقترح الباحثان Shapiro و Rao عام 1970 طريقة لحساب ثابت التمهيد التكيفي، حيث تعتمد هذه الطريقة على دالة الطيف Spectral Function، فعلى فرض أن  $x$  و  $T = 1, 2, \dots, T$  هي سلسلة زمنية، إذن يمكن تعريف دالة كثافة الطيف كالأتي

i هو عدد خيالي

$y$  هي دالة التباين المشترك لـ  $x$

٣) هي التردد والتي تقع ضمن الفترة  $(0, \pi)$

T طول السلسلة الزمنية

وعلى فرض أن السلسلة الزمنية، «مسيرة» فإن المقدر للطيف يمكن أن يكون بالشكل الآتي

اڑ ان

$C$  هي دالة التبادل المشترك لـ  $x$ .

$\lambda_k$  هي المنفذ Window الذي يتم اختياره بشكل مناسب

وإن  $M < T$  تسمى نقطة البتر Truncation Point

ما إذا كانت  $x$  غير مستقرة فإن الطيف يمكن أن يقدر داخل كل منفذ Window

متر اکب .

وإذا افترض أن السلسلة الزمنية مستقرة في كل منفذ Window وبطول ثابت على سبيل المثال إذا كانت السلسلة الزمنية  $x_t$ ,  $t = 1, 2, \dots, T$  حيث أن  $T = 60$  وتم اخذ  $q = 15$  من المنافذ ، إذن سيكون كل منفذ يحتوي على  $T - q + 1 = 46$  من المشاهدات ، ويقدر الطيف لكل من  $x_{46}, x_{47}, \dots, x_1, x_2, \dots$  و  $x_{60}, x_{59}, \dots, x_3, x_4, \dots$  والى أن نحصل إلى  $x_{15}, x_{16}, \dots, x_{60}$  وكل منفذ من هذه المنافذ سوف يقدر الطيف عند مجموعة من الترددات والذي يكون نصف عدد البيانات .

وبحسب رأي Rao و Shapiro فإن التغيرات في تركيب السلسلة الزمنية سيكون واضحاً من خلال الفروقات في القيم المطلقة للوغاريتم الأطيف المتتابعة هذا يعني  $(\ln \hat{f}_{t+1}(w_k) - \ln \hat{f}_t(w_k))$  وفي أدناه الآلية التي استخدمها Rao و Shapiro عام 1970 حيث تم استخراج الأوساط المتحركة لثلاثة قيم من  $(w_t)$  وكالآتي

ومن ثم يتم اختيار القيمة الأكبر من قيم تمهيد الطيف وبغض النظر عن الإشارة أي أن

فإذا كانت قيمة  $\Delta$  صغيرة بالمقارنة مع الانحراف المعياري الخاص بها فإن هذا يتضمن بأنه لا تظهر تغيرات واضحة في تركيب السلسلة الزمنية وبالتالي فإن القيمة الوطنية من ثابت التمهيد هي الأفضل. أما إذا كانت قيمة  $\Delta$  كبيرة بالمقارنة مع الانحراف المعياري الخاص

اذ ان

$\sigma$  هو الانحراف المعياري لـ  $\mu$

c, b تحدد من الشرطين التاليين

$$b + r_2^2 c = 0.095$$

9

$$b + r_1^2 c = 0.67$$

بِحِثْ أَنْ

٢) تمثل قيمة  $\frac{\Delta t}{\sigma}$  التي ترفع التغير في  $\alpha$ , نحو 0.95

$r_2$  تمثل قيمة  $\frac{\Delta t}{\sigma}$  التي تبقى، عند  $\alpha = 0.1$

حيث يتم اختيار  $\mu$ ،  $\sigma^2$  بالاعتماد على التوزيع التقريري لـ  $\bar{x}$

فقد أثبت كل من Shapiro و Rao عام 1970 أن

حيث أن  $x$  هو جذر المقدار  $x^2$

وأن  $n$  هو عدد نقاط التردد في كل منفذ وبما أن  $(w_k, \hat{f}_k)$  يتوزع توزيع طبيعي تقريبي ، إذ يكون  $\sigma^2$  والذي يمثل التركيبة الخطية لقيم  $(w_k, \hat{f}_k)$  هو أيضاً يتوزع توزيع طبيعي تقريبي ، وأن المقدار  $\frac{\delta^2}{\sigma^2}$  يتوزع توزيع مربع كاي تقريبي بدرجة حرية واحدة .

وَهُذَا يَتَضَمَّنُ أَنْ

إذ يمكن تحديد قيمة مربع كاي وذلك بالاعتماد على قيمة  $n$ .

ومن هنا فإنه يتم اختيار  $\sigma$  لتمثيل النقطة  $\frac{x}{\sigma}$  وهذا يعني بان  $\alpha$  ستبدأ بـ 0.95 عندما

$$P(\Delta t < \chi) = 0.99$$

اما  $\alpha$  فیتم اختیارها اقل من  $\frac{\chi}{\sigma}$  والتي تبقى  $\alpha$ , عند 0.1 عندما  $P(\Delta_1 > \chi) = 0.99$

ذلك يمكن كتابة المعادلة التالية من خلال المعادلة رقم 12

ومن هنا فإن  $\frac{r}{2}$  هي أدنى من  $\frac{x}{2}$  بحيث أن

ويمكن اختيار عدد نقاط الترددات بحيث أن

$$0 \leq \frac{-\ln(0.99)}{n} \leq 1 \quad , \quad 0 \leq \frac{-\ln(0.01)}{n} \leq 1$$

وبعد تحديد قيمة  $\alpha$  من خلال المعادلة رقم 11 فإنه يمكن إيجاد التنبؤ بموجب طريقة التمهيد الأسني التكيفي لـ  $x_{n+1}$  وحسب المعادلة رقم (2)

## منافذ الطيف [١][٧] Spectral Windows

لقد رأينا من خلال دالة الطيف Spectral Function والمواصفة في المعادلة رقم 7 بأنها تتطلب حساب ما يسمى بالمنفذ Window والذي هو ببساطة عبارة عن مجموعة من الأوزان يتم اختيارها وفق دوال مقترحة من قبل بعض الباحثين . وسيتم شرح منفذين فقط وهما اللذان استخدما في هذا البحث وهما :-

\* منفذ Tukey Window ، حيث يمكن تمثيل هذا المنفذ ضمن دالة وبالشكل الآتي

\* منفذ Parzen Window (Parzen Window) حيث يمكن تمثيل هذا المنفذ ضمن دالة وبالشكل التالي:

$$\lambda_k = \begin{cases} 1 - 6\left(\frac{k}{M}\right)^2 + 6\left(\frac{k}{M}\right)^3 & 0 \leq k \leq \frac{M}{2} \\ 2\left(1 - \frac{k}{M}\right)^3 & \frac{M}{2} \leq k \leq M \end{cases} \quad \dots \dots \dots 18$$

وان  $M$  تسمى نقطة البتر Truncation Point ويتم اختيارها بشكل مناسب بحيث يجب أن لا تكون صغيرة وبالتالي فإن الخصائص المهمة لـ  $(w)$  يمكن أن تخفي ولا أن تكون كبيرة جداً بحيث لا يصبح هناك داعي لاستخدام دالة الطيف Spectral Function لعدم تأثير التمهيد لهذه الدالة، ولقد اقترح الباحث C.Chatfield أن يتم اختيار نقطة البتر بحيث تكون  $M = 2\sqrt{n}$

### المحاكاة Simulation

لقد تم استخدام المحاكاة لغرض إيجاد قيم MSE وذلك بعد إيجاد التباينات لسلسل زمنية مستقرة متمثلة بقيم  $\phi = 0.1, 0.8$  وغير مستقرة متمثلة بقيم  $\phi = 1.1$  وعند أحجام العينات التالية  $n = 20, 40, 80$  لنموذج الانحدار الذاتي من الرتبة الأولى AR(1) أو نموذج ماركوف Markov Model

$$x_t = \phi x_{t-1} + e_t$$

وقد تم تلوث حد الخطأ العشوائي  $e_t$  بنسبة 10% و 20% من توزيعات مستمرة هي توزيع مربع كاي بالمعلمة  $T$  والتي تمثل حجم العينة، والتوزيع الأسوي بالمعلمة  $\lambda = \frac{1}{3}$  ، والتوزيع اللوغاريتمي الطبيعي بالمعلمتين  $\mu = 0$  و  $\sigma^2 = 1$  وقد تم إعادة التجربة 1000 لضمان استقرار النتائج المستحصلة وسوف نشير في تحليل النتائج إلى المصطلحات التالية بالاختصارات المقابلة لها وهي

المختصر	الإشارة إلى
C	الطريقة التقليدية
T	طريقة الطيف باستخدام منفذ Tukey
P	طريقة الطيف باستخدام منفذ Parzen
الحالة الأولى	عندما لا يكون هناك تلوث في البيانات
الحالة الثانية	عند وجود تلوث في البيانات بالتوزيع الأسوي
الحالة الثالثة	عند وجود تلوث في البيانات بالتوزيع اللوغاريتمي الطبيعي
الحالة الرابعة	عند وجود تلوث في البيانات بتوزيع مربع كاي

## عرض النتائج Results

### 1- الحالة الأولى

نلاحظ من خلال جدول رقم (1) في الملحق والذي يمثل قيم MSE عند عدم وجود تلوث في البيانات بأنه قيم MSE تكون متوازية بصورة عامة عند زيادة حجم العينة ونلاحظ أيضاً أن قيم هذا المعيار تكون أقل في حالة  $\phi = 0.8$ . ويمكن ملاحظة أن طريقة الطيف تكون أفضل من الطريقة التقليدية و لكلا المنفذين المستخدمين وذلك عندما تكون السلسلة الزمنية غير مستقرة عندما  $\phi = 1.1$  وعندما  $\phi = 0.8$  بينما أعطت الطريقة التقليدية قياماً أقل لـ MSE في حالة السلسلة الزمنية المستقرة وعندما  $\phi = 0.1$ .

### 2- الحالة الثانية

يتبيّن من خلال الجدول رقم (2) في الملحق والذي يمثل قيم MSE عند وجود تلوث في البيانات بنسبة 10% و 20% بالتوزيع الآسي بأن التأثير بهذه البيانات الملوثة بدا واضحاً من خلال ارتفاع قيم MSE بصورة عامة مما كانت عليه عند عدم وجود التلوث ونلاحظ أيضاً أنه كلما زادت نسبة التلوث وزاد حجم العينة فان التأثير يكون أكبر . وقد كانت أفضل الطرق في هذه الحالة هي الطريقة التقليدية عندما تكون السلسلة مستقرة عند  $\phi = 0.1$  وكذلك طريقة الطيف باستخدام منفذ Tukey عندما تكون السلسلة الزمنية غير مستقرة عندما  $\phi = 1.1$  وعندما تكون مستقرة عند  $\phi = 0.8$ . وأيضاً نلاحظ أن تأثير السلسلة الزمنية الغير مستقرة  $\phi = 1.1$  كان أكبر من تأثير السلسلة الزمنية المستقرة .

### 3- الحالة الثالثة

توضّح نتائج الجدول رقم (3) بأن قيم المعيار تزداد بزيادة نسبة التلوث وحجم العينة ونلاحظ أيضاً أن الطريقة التقليدية كانت الأفضل عندما  $\phi = 0.1$  بينما طريقة الطيف باستخدام منفذ Tukey كانت الأفضل عندما  $\phi = 1.1$  ، وبصورة عامة فان السلسلة الزمنية الغير مستقرة تأثرت أكثر من تأثير السلسلة الزمنية المستقرة بالتلويث في البيانات .

### 4- الحالة الرابعة

إن قيم معيار MSE يزداد عند زيادة نسبة التلوث وزيادة حجم العينة ونلاحظ أيضاً أن الطريقة التقليدية كانت الأفضل عندما  $\phi = 0.1$  . كذلك ان طريقة الطيف باستخدام منفذ Parzen كانت الأفضل عند حجم العينة 20 ولكن طريقة الطيف باستخدام منفذ Tukey تصبح هي الأفضل عند زيادة حجم العينة . ونلاحظ أيضاً أن السلسلة الزمنية الغير مستقرة كانت أكثر تأثيراً بالقيم الشاذة من بقية الطرق . هذا ما نلاحظه من خلال الجدول رقم (4) في الملحق والذي يمثل قيم MSE عند وجود تلوث في البيانات بتوزيع مربع كاي

### الاستنتاجات

يمكن أن نضع بعض الاستنتاجات من خلال ما تم تحليله وملحوظته من الجداول الأربع في الملحق والتي تمثل قيم MSE عند وجود عدم وجود تلوث في البيانات ومن هذه الاستنتاجات:-

- 1- إن جميع الطرائق المستخدمة تتأثر بصورة كبيرة بالقيم الشاذة في البيانات .
- 2- عندما تزداد نسبة التلوث في البيانات يكون له تأثيراً سلبياً على طرائق التنبؤ .
- 3- عند زيادة حجم العينة وعند وجود تلوث في البيانات تكون الطرائق متأثرة بهذا التلوث أكثر.
- 4- إن أفضل طريقة يمكن استخدامها عند السلسلة الزمنية المستقرة  $\phi = 0.1$  هي الطريقة التقليدية .
- 5- إن أفضل طريقة يمكن استخدامها في السلسلة الزمنية الغير مستقرة  $\phi = 1.1$  وعندما تكون السلسلة الزمنية مستقرة وبالمعلمة  $\phi = 0.8$  هي طريقة الطيف باستخدام منفذ Tukey .
- 6- إن السلسلة الزمنية الغير مستقرة هي أكثر تأثيراً بالقيم الشاذة من السلسلات الزمنية المستقرة ولجميع طرائق التنبؤ المستخدمة .

المصادر Reference

- 1- Chatfield,C.1984 "The Analysis Of Time Series An Introduction " Chapman an Mall .
- 2- Elizabeth, A.M.2003 " Using Evolutionary Spectra To Forecast Time Series" Working Paper 4.Monash University .
- 3- Makridakis,S.,Wheelwright,S.And Hyndman,.R.(1997) "Forecasting Method And Applications Third Edition" John Wiley And Sons, New York.
- 4- Park, D.,Rilett,L.And Han, G.(1999) " Spectral Basis Neural Network For Real Time - Travel Time Forecasting" , Journal Of Transportation Engineering 125-515.
- 5- Priestley,M.B.(1965) " Evolutionary Spectra And Non - Stationary Processes" Journal Of The Royal Statistical Society,(B),27, 204 - 237.
- 6- Rao,A.G.And Shapiro, A.(1970). " Adaptive Smoothing Evolutionary Spectra" ,Management Science,17,208 – 281.
- 7- Wie, W.W.S. (1990) " Time Series Analysis : Univariate And Multivariate Methods" Addison – Wesley Publishing Company Inc.

**اللاحق**  
**جدول رقم (1)**  
**قيم MSE عند عدم وجود تلوث**  
**Normal (0, 1)**

$\phi$	الطريقة	n=20	n=40	n=80
0.1	C	113.8	150.11	136.94
	T	183.93	153.27	155.87
	P	151.75	184.94	163.52
0.8	C	31.09	33.98	52.8
	T	10.06	12.95	29.86
	P	11.61	26.31	40.01
1.1	C	166.09	169.24	158.34
	T	145.79	71.62	100.16
	P	100.3	47.22	63

**جدول رقم (2)**  
**قيم MSE عند وجود تلوث بالتوزيع الاسي**

$\phi$	الطريقة	n=20		n=40		n=80	
		نسبة التلوث		نسبة التلوث		نسبة التلوث	
		10%	20%	10%	20%	10%	20%
0.1	C	197.06	182.4	174.61	154.45	168.04	149.14
	T	235.83	254.91	234.15	234.15	211.51	179.47
	P	222.02	198.48	206.88	174.02	187.92	171.03
0.8	C	136.81	110.28	135.42	102.62	123.83	96.16
	T	118.04	76.45	91.8	66.14	87.11	64.34
	P	130.53	92.64	113.23	84.78	113.28	78.51
1.1	C	546.99	372.66	536.81	359.56	482.14	331.57
	T	271.38	216.95	238.12	195.18	207.29	165.08
	P	282.1	260.14	259.03	233.81	209.54	177.42

المكتبة المركزية  
الدوريات

جدول رقم (3)  
قيم MSE عند وجود تلوث في البيانات بالتوزيع  
اللوغاريتمي الطبيعي

$\phi$	الطريقة	n=20		n=40		n=80	
		نسبة التلوث		نسبة التلوث		نسبة التلوث	
		10%	20%	10%	20%	10%	20%
0.1	C	229.95	195.05	206.05	166.17	183.22	165.11
	T	241.66	195.08	226.98	184.41	213.52	172.98
	P	257.33	226.11	233.85	189.18	209.62	188.9
0.8	C	119.41	92.84	117.58	87.92	99.4	69.95
	T	83.24	74.08	109.92	67.03	69.37	56.95
	P	101.43	76.23	98.27	68.5	74.85	48.83
1.1	C	354.91	347.73	298.93	292.93	274.95	138.6
	T	338.58	277.03	267.7	205.11	165.59	130.92
	P	339.93	284.67	279.58	222.15	169.65	126.14

جدول رقم (4)  
قيم MSE عند وجود تلوث في البيانات بتوزيع  
مربع كاي

$\phi$	الطريقة	n=20		n=40		n=80	
		نسبة التلوث		نسبة التلوث		نسبة التلوث	
		10%	20%	10%	20%	10%	20%
0.1	C	348.76	285.85	236.38	217.99	198.75	140.57
	T	354.31	336.34	316.68	254.68	300.79	194.07
	P	371.81	301.43	258.42	242.19	218.73	166.62
0.8	C	264.7	232.74	167.7	132.94	162.35	89.93
	T	227.44	203.85	136.88	149.58	153.59	73.63
	P	235.53	203.95	146.32	111.09	139.71	71.77
1.1	C	505.41	499.17	445.27	443.51	218.14	215.4
	T	403.44	328.8	318.52	278.81	217.94	131.71
	P	498.85	408.17	483.25	383.19	187.88	180.95