

Using Multiple Linear Regression Models to Determine the Effect of Some Factors on Consumption of Electricitrical Power in Basra

Haithm saleem dawd

Applied Sciences Department, University of Technology /Baghdad

Saad mehsn Selman

Applied Sciences Department, University of Al-Nahrain /Baghdad

Latefa Abdulla Dawd

Applied Sciences Department, University of Technology /Baghdad

Email:LTAFABDALLH@yahoo.com

Received on: 16/6 /2011 & Accepted on: 5/1/2012

ABSTRACT

Two methods of Multiple Linear Regression have been used in the current study. The two methods are:

- 1- All Possibles Regression.
- 2- The BackWord Elimination Procedure.

To determine the effect of temperature dgrees (ST), the number of population (SP) the personal income rate (SX, and the electrical power consamption (SY) in Basra during the period (2001-2010) the results of data were obtained by using the statistical program (SPSS). It is found that, there is significant effect of the above variables the income per capita at the rate (SX), temperature dgrees (ST) and the number of population (SP) consumption of electricity power (SY). The value of the extension and its adjustment were obtained to show the significant also the Significant extents of these factors was examined interpretation of the impact of electricity power consumption (SY) for the factors the number of population (SP), temperature dgrees (ST) and the income per capita at the rate (SX).The values of Regression factors b_0 , b_1 , b_2 , and b_3 were obtained also.

استخدام طريق الارتداد (الانحسار) الخطي المتعدد لبيان دور بعض العوامل المؤثرة في استهلاك القدرة الكهربائية في محافظة البصرة

الخلاصة

في بحثنا هذا تم استخدام طريقتين من طرق اختبار المعادلات لنموذج الانحسار (الارتداد) الخطي المتعدد MULTIPLE LINEAR REGRESSION وهي طريقة (ALL POSSIBLS) ENTER REGRESSION وطريقة The BackWord Elimination Procedure Back word لمعرفة مدى تأثير درجات الحرارة (ST) عدد السكان (SP) ومعدل دخل الفرد (SX) على استهلاك الطاقة الكهربائية (SY) لمحافظة البصرة للفترة من 2001-2010 وباستخدام البرنامج الإحصائي SPSS تم استخراج النتائج الخاصة بالبيانات ووجد ان هناك تأثير معنوي بشكل ملحوظ وان قيمة معامل التحديد وضبط معامل التحديد استخرجت لبيان مدى التفسير المعنوي لذلك التأثير) تم استخراج معاملات الانحدار b_0, b_1, b_2, b_3 واختبار مدى المعنوية لهذه المعاملات .

الكلمات المرشدة: طريقة كل الانحدارات الممكنة (ENTER) All Possibles Regression
طريقة الحذف الخلفي او المعكوس، The Backword Elimination Procedure البرنامج
الأحصائي، SPSS اختبار (فرضية العدم، Sig)

المقدمة:

تعد عملية استهلاك الطاقة الكهربائية لأي منطقة انعكاساً للظروف (الطبيعية والبشرية والصناعية) لتلك المنطقة، وبما أن عدد السكان ودرجات الحرارة ودخل الفرد يعتبر جزءاً من هذه الظروف فإن التغيير في هذه العوامل له شأن في التأثير على استهلاك الطاقة الكهربائية وأن دراسة هذا التأثير له أهمية إذ أنه يساعد على وضع الخطط واتخاذ القرارات المناسبة من قبل مؤسسات الدولة لوضع السياسة المناسبة لقطاعهم المختلفة وذلك بعد عرض النتائج اللازمة للتخطيط وتحليلها وتفسيرها وهناك الكثير من الطرق الإحصائية التي تستخدم في هذا المجال لبيان العلاقة بين المتغيرات ويعتبر الانحدار الخطي المتعدد أحد هذه الطرق الإحصائية إذ أنه يوضح العلاقة بين المتغيرات على صيغة معادلة رياضية ويتم إيجاد قوة الترابط واتجاه الحركة للعلاقة بينها [2,4].

وهناك الكثير من الدراسات التي استخدمت موضوع الانحدار الخطي المتعدد لبيان العلاقة بين المتغيرات في مختلف المجالات ومنها، شهاب احمد ثجيل)) دراسة احصائية حول العلاقة بين رفع الانتاجية والحوافز المادية، كلية الادارة والاقتصاد، جامعة بغداد، 1981، ضياء صافي ناجي)) دراسة قياسية لسلوك المستهلك في العراق، كلية الادارة والاقتصاد، جامعة بغداد، مايس، 1981 رجب 1401، هـ، ((بتول جعفر علي)) دراسة تحليلية للعوامل التي تؤثر على الطلبات المقدمة للمهاتف، كلية الادارة والاقتصاد، جامعة بغداد 1982، حسن أحمد يوسف، أحمد رأفت غضبية) التوزيع الجغرافي للسكان في شمالي الضفة الغربية، كلية الآداب، جامعة النجاح الوطنية، فلسطين، (2001، رسلان ديرانية" دراسة حول العلاقة بين بعض المؤشرات المحاسبية وشكل الهيكل المالي للشركات الصناعية المساهمة العامة في الاردن، "سامي البلوري: جامعة مؤتة كلية العلوم التربوية بحث في التحليل الاحصائي بعنوان تحليل الانحدار المتعدد، SPSS Multiple Regression خالد وليد عطا دراسة بعض الطرائق التقليدية والشبكية العصبية الاصطناعية في التنبؤات المستقبلية، كلية الإدارة والاقتصاد، جامعة بغداد، 2007.

هدف البحث هو توضيح الخطوات اللازمة لأستخدام طريقتي كل الانحدارات الممكنة All Possibles Regression (Enter) وطريقة الحذف الخلفي) المعكوس The BackWord Elimination Procedure لبيان تأثير كل من عدد السكان (SP)، دخل الفرد (SX)، درجات الحرارة (ST) على استهلاك الطاقة الكهربائية (SY) لمحافظة البصرة للفترة من 2001-2010 وتم العمل بالبرنامج الاحصائي SPSS لغرض الحصول على النتائج المطلوبة.

المسح النظري:

الانحدار الخطي المتعدد وهو يتناول العلاقة الكمية التي تربط بين متغير تابع (Y) ومتغيرين مستقلين (X₁, X₂) او أكثر الخ (X₁, X₂, X₃... ومن أجل وصف البيانات لا بد من تحديد المشاهدات (n) والمتغير التابع (Y_i) وكذلك تحديد المتغيرات المستقلة، X₁, X₂, X₃... X_m، والجدول رقم (1) يوضح ذلك [3]:

وان النموذج الخطي للارتداد المتعدد يمكن التعبير عنه وفق المعادلة التالية [7]:

$$y_i = B_0 + B_1 X_{i1} + B_2 X_{i2} + \dots + B_n X_{in} + e_i \quad i=1,2,\dots,n \quad \dots (1)$$

حيث ان

y_i قيمة المتغير المعتمد

$X_{i1}, X_{i2}, \dots, X_{im}$ قيمة ثابتة لـ m من المتغيرات المستقلة

B_0, B_1, \dots, B_m ثوابت او معاملات معادلة الانحدار

3- طريقة أختيار المعادلات Regression

هناك عدة طرق للارتداد الخطي المتعدد لأختيار افضل المعادلات ومنها: [1,3]

- طريقة كل الارتدادات الممكنة (ENTER) All Possibles Regression
- طريقة الحذف الخلفي او المعكوس The Backword Elimintion Procedure
- طريقة الاختيار المباشر او الامامي Forword selection procdure
- طريقة الارتداد المتدرج Stepwise Regression Procedure

وسنتناول في بحثنا هذا استخدام طريقتي كل الارتدادات الممكنة All Possible
Regression(ENTER) وطريقة الحذف الخلفي او المعكوس The Back word Elimination

Procedure

ومن أجل تطبيق الطريقتين والوصول الى هدف البحث يجب المرور بالمحاور التالية:

أولاً: طريقة كل الارتدادات الممكنة (ENTER) All Possibles Regression

يتم ادخال كل انواع المعادلات الارتدادية الممكنة باستخدام كل المجاميع الممكنة من المتغيرات المستقلة

ثانياً: طريقة الحذف الخلفي او المعكوس The Backword Elimination Procedure

وتتلخص هذه الطريقة بما يلي:

تبدأ المعادلة بوجود جميع المتغيرات المستقلة فيها ثم نحذف المتغيرات المستقلة من المعادله واحدا بعد الاخر ونتوقف عن الحذف عندما تكون قيمة F الجزئية اكبر من قيمه معنية من F الجدوليه (تسمى $F(out)$ واول المتغيرات الذي يحذف من المعادلة هو المتغير الذي لـ f قيمة f جزئية والتي تكون اقل من قيمة $F(out)$ التي تنتخب قيمة لـ F الجدوليه) اما اذا كانت اقل قيمة F جزئية اكبر من قيمة F الجدوليه ($F out$) فتتوقف عن الحذف وتكون بذلك جميع المتغيرات التي في المعادله هي متغيرات مهمه وذات تاثير معنوي على معدل y وبعد حذف المتغير الاول نحسب قيم F الجزئية لبقية المتغيرات المستقلة ونحذف المتغير الذي له F جزئية التي تكون اقل من قيمه $Fout$ المعينه وهكذا لكل خطوه. ونتوقف عن الحذف في المرحلة التي تكون اقل قيمه F جزئية اكبر من قيمة $fout$ المعينه لتلك المرحلة.

وبذلك تكون المعادله التي تحتوي على بقية المتغيرات المستقلة غير المحذوفه هي احسن المعادلات.

ثالثاً: جدول تحليل التباين [9] Analysis of variance table

• (مجموع المربعات الكلي) المصحح هو

• مجموع المربعات العائدة الى الانحدار) المصحح (هو كالآتي:

$$SSR(X_1, X_2, \dots, X_m / X_0)$$

• ان مجموع المربعات العائدة الى الخطأ SSE

وينظم جدول تحليل التباين كالآتي: [3]

رابعاً: معامل الارتباط المتعدد Multiple Correlation Coefficient

ان معامل الارتباط المتعدد، ويرمز له بالرمز R. هو مقياس للعلاقة بين قيم Y المشاهدة وقيم y المتوقعة أي $(R_{y\bar{y}})$ والقانون التالي يوضح ذلك: [3,8]

لذا فإن $R_{y\bar{y}}$ يقيس مدى تمثيل مستوى الانحدار للبيانات وان $R_{y\bar{y}}$ يقيس التأثير المشترك لكل المتغيرات المستقلة X_{iS} على المتغير التابع Y_i

ان معامل الارتباط المتعدد هو الجذر التربيعي لمعامل التحديد R^2
ان معامل التحديد المتعدد R^2 هو تلك النسبة من مجموع التباين أو الأختلاف المفسرة من قبل المتغيرات المستقلة تحت الدراسة .

خامساً: اختبار الفرضيات Test of Hypothesis

اختبار الفرضية المتعلقة بجميع معاملات الانحدار الجزئية الموجودة في النموذج Test for significant overall regression

ان هذا الاختبار يستخدم لمعرفة هل هناك علاقة خطية بين الاستجابة Y واي من القيم المستقلة (X_1, X_2, \dots, X_n) ، او بعبارة اخرى هل هناك تأثير معنوي لجميع او بعض المتغيرات المستقلة على معدل $[7,9]Y$

فرضية العدم في هذه الحالة هي:

$$H_0 : B_1 = B_2 = \dots = B_m = 0$$

أي لا يوجد تأثير معنوي للمتغيرات المستقلة على معدل Y

$$H_1 : B_1 \neq B_2 \neq \dots \neq B_m \neq 0$$

أي انه على الاقل ان احد المتغيرات له تأثير معنوي على معدل Y وطريقة الاختبار هي ان يجزأ مجموع المربعات الكلية الى مجموع المربعات العائدة للانحدار واخرى العائدة الى الخطأ. والمختبر الاحصائي هو F (overall F)

بدرجه حريه m, n-m-1 حيث ان m هو عدد المتغيرات المستقلة و n هو عدد المشاهدات وعادةً تنظم النتائج في جدول تحليل التباين كالاتي: [8]

جانب التطبيقي

لغرض تطبيق طريقتي كل الانحدارات الممكنة (Enter) وطريقة الحذف الخلفي (المعكوس BackWord) للانحدار الخطي المتعدد لبيان تأثير المتغيرات) درجات الحرارة، ST معدل دخل الفرد S_x وعدد السكان (Sp) على استهلاك الطاقة الكهربائية SY لمحافظة البصرة للفترة من 2001_2010 فقد تم القيام بسلسلة مراجعات الى الدوائر) دائرة الكهرباء، دائرة الأنواء الجوية، الجهاز المركزي للأحصاء (التابعة لمحافظة البصرة لغرض استحصال البيانات الخاصة بموضوع البحث وبتطبيق البرنامج الاحصائي SPSS تم الحصول على نتائج البيانات المطلوبة للطريقتين (Enter) و (BackWord) وفق الخطوات التالية:

• طريقة كل الانحدارات الممكنة (ENTER) All Possibles Regression
(Enter) طريقة

i. Dependent Variable: SY

التحليل الاحصائي لنتائج طريقة كل الانحدارات الممكنة All Possibles
Regression(ENTER)

- الجدول رقم: (1) يبين ادخال كافة المتغيرات عدد السكان SP, درجات الحرارة ST, دخل الفرد SX, لمعادلة الانحدار الخطي المتعدد.
- الجدول رقم: (2) وتم أستخراج قيم جذر معامل التحديد (R) وتساوي 971 ومعامل التحديد (R2) 0.887 وضبط معامل التحديد ويساوي 9430 مما يدل على ان المتغيرات عدد السكان (SP), درجة الحرارة (ST), دخل الفرد (SX) تفسر 0.94 من أستهلاك الطاقة الكهربائية SY والباقي 0.06 عوامل اخرى.
- الجدول رقم: (3) يمثل جدول تحليل التباين (ANOVA) والذي يوضح فرضية العدم (Sig) وتساوي 0.022 مما يؤكد ان الفرضية معنوية وهناك علاقة بين المتغيرات دخل الفرد SX ودرجات الحرارة ST وعدد السكان SP واستهلاك الطاقة الكهربائية SY

• طريقة الحذف الخلفي او المعكوس The Back word Elimination Procedure

التحليل الاحصائي لنتائج طريقة الحذف الخلفي او المعكوس The Back Word Elimination
procedure(Back Word)

- الجدول رقم: (5) الموديل الاول يبين ادخال كل المتغيرات) عدد السكان SP, درجات الحرارة ST, دخل الفرد SX) لمعادلة الانحدار الخطي المتعدد.
- الموديل الثاني يبين ادخال المتغيرين (SX, ST) أي درجة الحرارة ST ومعدل دخل الفرد SX وتم استبعاد عدد السكان SP وان قيمة معامل التحديد (R^2) للموديل الاول تساوي 0.887 وقيمة معامل التحديد للموديل الثاني تساوي 0.914 وضبط معامل التحديد للموديل الاول 0.943 مما يدل على ان العوامل تؤثر بقيمة 0.94 في استهلاك الطاقة الكهربائية (SY) وان 0.06 تأثير عوامل اخرى وان ضبط معامل التحديد للموديل الثاني 0.943 مما يدل على ان العوامل عدد السكان (SX) ومعدل دخل الفرد (SP) تؤثر في استهلاك الكهرباء 0.943 و 0.06 تأثير العوامل الاخرى في استهلاك الطاقة الكهربائية. (SY)
- الجدول رقم: (6) يمثل جدول تحليل التباين (ANOVA) الموديل الاول يبين فرضية العدم (Sig) وقيمتها 0.022 أي ان درجات الحرارة ST ودخل الفرد SX وعدد السكان SP اذا تأثير معنوي على استهلاك الطاقة الكهربائية SY
- المديل الثاني: والذي يوضح فرضية العدم (Sig) وقيمتها 0.03 مما يدل على ان درجات الحرارة ST ومعدل دخل الفرد SX اذا تأثير معنوي على استهلاك الطاقة الكهربائية SY.
- الجدول رقم: (8) يبين قيمة فرضية العدم (Sig) وتساوي 0.031 لمعامل عدد السكان (SP) مما يدل على انه يوجد تأثير معنوي لعلاقة عدد السكان (SP) باستهلاك الطاقة الكهربائية. (SY) وعلية فان نموذج الانحدار الخطي المتعدد لطريقة الحذف الخلفي أو المعكوس (The Back Word Elimination) يكون كالآتي:

$$SY=28.867+0.414 ST+0.315 SP+40.730 SX$$

5- الاستنتاجات:

إن طريقتي كل الانحدارات الممكنة (Enter) و طريقة الحذف الخلفي أو المعكوس (Back Word) تعتبر من طرق الأنحدار الخطي المتعدد ولكي يتم تطبيق الطريقتين يجب المرور بالخطوات التالية:

- عند تطبيق طريقة كل الأنحدارات الممكنة (Enter) تم ادخال كافة المتغيرات (عدد السكان SX، ودرجات الحرارة ST، ودخل الفرد SP) لمعادلة الانحدار الخطي المتعدد، اما عند تطبيق طريقة الحذف الخلفي (المعكوس Back Ward) فالموديل الاول يتم ادخال كافة المتغيرات عدد السكان SX، ودرجات الحرارة ST، ودخل الفرد SP) واما الموديل الثاني فإنه ادخل متغيران (عدد السكان SX، ودرجات الحرارة ST) واستبعد المتغير الثالث دخل الفرد SP.
- تم استخراج قيمة معامل التحديد (R) وجذر معامل التحديد (R²) وضبط معامل التحديد للطريقتين لبيان نسبة تأثير المتغيرات عدد السكان SX، ودرجات الحرارة ST، ودخل الفرد SP على استهلاك الطاقة الكهربائية SY ووجدان نسبة التأثير هي 0.94.
- لغرض اجراء اختبار فرضية العدم "التأثير المعنوي" للمتغيرات عدد السكان SX، ودرجات الحرارة ST، ودخل الفرد SP على استهلاك الطاقة الكهربائية SY تم استخراج جدول تحليل التباين ANOVA والذي يوضح التأثير المعنوي "فرضية العدم" للمتغيرات .
- من خلال الجدول (coefficients) تم استخراج قيم معاملات معادلة الانحدار الخطي المتعدد (b₀, b₁, b₂, b₃) ووجد ان لجميع المعاملات تأثير معنوي) فرضية العدم (على استهلاك الطاقة الكهربائية SY. ويتطبيق البرنامج الاحصائي SPSS تم الحصول على النتائج المطلوبة للطريقتين حيث وجد أن معادلة الأنحدار الخطي للطريقتين متطابقة اي ان جميع المعاملات أخذت نفس القيم. وأن هناك تأثير معنوي للمتغيرات عدد السكان SX، ودرجات الحرارة ST، ودخل الفرد SP على استهلاك الطاقة الكهربائية Sy لمحافظة البصرة للفترة من 2001_2010 وأن نسبة هذا التأثير 94% وعلية يمكن لدائرة الكهرباء لمحافظة البصرة وضع الخطط المستقبلية لأستهلاك الطاقة الكهربائية وأخذ الاحتياطات اللازمة للتشغيل.

المصادر:

- [1]. الراوي، د.خاشع محمود (مدخل الى الانحدار / (كلية الزراعة والغابات/ جامعة الموصل 1980، دار الكتب للطباعة والنشر، جامعة الموصل. 1979،
- [2]. زيني د. عبد الحسين (مبادئ الاحصاء/ جامعة بغداد/ 1980/ مطبعة جامعة بغداد. 1980/
- [3]. الراوي د. خاشع محمود (مدخل الى تحليل الانحدار /، (جامعة الموصل. 1987
- [4]. الشجيري د. حامد، والفضل د. مويد (الاساليب الاحصائية في اتخاذ القرار، (تطبيقات في منظمات اعمال انتاجية وخدمية، دار مجد لاوي للنشر والتوزيع، عمان الاردن، الطبعة الاولى 2005/1426،
- [5]. بوتلري، راد القياس الاقتصادي التطبيقي جامعة بغداد
- [6]. موسى، طاهر وكاظم، عبداموري هادي تحليل دالة الانتاج في المشروعات جامعة بغداد 1988 منشورات وزارة الثقافة والاعلام 1986 .
- [7]. المحمد، نعيم ثاني، والراوي، د. خاشع محمود ويونس، مؤيد احمد والمراني، وليد قصير مبادئ الاحصاء 1990

- [8]. Seber.G.A.F., Linear Regression Analysis , Jon Wiley and sons,Inc, 1977.
- [9]. Hinkley, D.V.'Reid'N.and Snell, E.J. Linear Regression Analysis for mangerial forecasting,1991.
- [10]. R.W. West at Uscarolina, Regression tutorial menu statistics for mangement and Economics “cole publishing compang, 2000.
- [11]. walter A.sh Ewhart and Samvel S.Wilks, Applied Linear Regression, John Wiley and Sons, 2005 .

<http://www.stat.vmn.edu/alr>

جدول رقم (1) يوضح ترتيب بيانات الانحدار الخطي المتعدد

X _m	X ₃	X ₂	X ₁	Y _i	رقم المشاهدة
X _{1m}	X ₁₃	X ₁₂	X ₁₁	Y ₁	1
X _{2m}	X ₂₃	X ₂₂	X ₂₁	Y ₂	2
X _{3m}	X ₃₃	X ₃₂	X ₃₁	Y ₃	3
...
X _{mm}	X _{n3}	X _{n2}	X _{n1}	yn	n

جدول (2) تحليل التباين للانحدار الخطي المتعدد

S.O.V	d.f	SS	Ms	E(ms)	F	R ²
$R(X_1X_2...X_m)$	M	SSR	msR	$\sigma^2 + \frac{1}{m} B'X'XB$	$\frac{msR}{mse}$	$\frac{SSR}{SST}$
$Error(X_1X_2...X_m)$	n-m-1	SSE	mse	σ^2		
Total	n-1	SST				

جدول رقم (3) تحليل التباين العام لتحليل الانحدار الخطي المتعدد

S.O.V	d.f	SS	Ms	F
$R(X_1X_2...X_m)$	M	$SSR(X_1X_2...X_m)$	$msR(X_1X_2...X_m)$	$\frac{msR}{mse}$
$Error(X_1X_2...X_m)$	n-m-1	$SSE(X_1X_2...X_m)$	$mse(X_1X_2...X_m)$	
Total	n-1	SST		

جدول رقم (4) ادخال كافة المتغيرات لمعادلة الانحدار الخطي المتعدد

الموديل	المتغيرات الداخلة	المتغيرات المستبعدة	النظرية
1	SX.ST.SP ^a		Enter

All requested variables entered. a.

Dependent Variable: SY b.

الجدول رقم : (4) يمثل قيم معاملات الانحدار واختبار مدى المعنوية لهذه المعاملات.

coefficients

b ₀ =28.867	b ₁ =0.414	b ₂ =0.315	b ₃ =40.730
------------------------	-----------------------	-----------------------	------------------------

وعليه فإن نموذج الانحدار الخطي وفق طريقة كل الأندارات الممكنة (Enter) يكون:

$$Y=28.867+0.414ST+0.315SP+40.730S$$

جدول رقم (5) قيم جذر معامل التحديد (R) وضبط معامل التحديد R² ومعامل التحديد (R²)

الموديل	جذر معامل التحديد (R)	ضبط معامل التحديد R ²	معامل التحديد (R ²)	تقدير الخطأ المعياري
1	971 ^a .	943.	887.	5.10152

a. Predictors(Constant). SX. ST. SP

جدول رقم (6) تحليل التباين (ANOVA) وفرضيه العدم (Sig)

متوسط المربعات^b ANOVA

الموديل	مجموع المربعات SS	درجات الحرية df	متوسط المربعات ms	اختبار F	Sig فرضية العدم
Regression(الانحدار)	1301.252	3	433.751	16.666	022 ^a .
Residual(السكون)	78.076	3	26.025		
Total(المجموع)	1379.329	6			

a. Predictors(Constant). SX. ST. SP

b. Dependent Variable: SY

جدول رقم (7) قيم معاملات الانحدار واختبار مدى المعنوية لهذه المعاملات

الموديل	الدرجة الغير معيارية		الدرجة المعيارية	اختبار t	فرضية عدم Sig
	Beta	الخطأ المعياري			
.(Constant)					
b ₀	28.867	4.450		6.488	.006
b ₁	.414	.138	.570	3.004	.470
b ₂	.315	.119	.481	2.012	.031
b ₃	40.730	9.100	.801	4.476	.021

الجدول رقم (7): يمثل قيم معاملات الانحدار الخطي المتعدد واختبار المعنوية لهذه المعاملات

coefficients			
b ₀ =28.867	b ₁ =0.414	b ₂ =.315	b ₃ =40.730

جدول رقم (8) ادخال كافة المتغيرات لمعادلة الانحدار الخطي المتعدد

الموديل	جنر معامل التحديد R ²	ضبط معامل التحديد R ²	معامل التحديد R ²	تقدير الخطأ المعياري
1	.971 ^a	943.	887.	5.10152
2	.971 ^b	943.	914.	4.44311

Predictors:(Constant), SX,ST,SP c.

Predictors: (Constant), SX,ST d.

جدول رقم (9) تحليل التباين وفرضية عدم (Sig) ANOVA

الموديل	مجموع المربعات SS	درجات الحرية d.f	متوسط المربعات MS	اختبار f	فرضية عدم (Sig)
النموذج الاول	الانحدار Regression	3	433.752	16.666	.022 ^a
	السكون Residual	3	26.025		
	المجموع Total	6			
النموذج الثاني	الانحدار Regression	2	650.182	32.935	.003 ^b
	السكون Residual	4	19.741		
	Total المجموع	6			

a.Predictors:(Constant), SX,ST,SP

b.Predictors: :(Constant), SX,ST

e.Dependent Variable:SY

جدول رقم (10) قيم معاملات الانحدار الخطي المتعدد واختبار المعنوية لهذه المعاملات

فرضية العدم (Sig)	اختبار t	الدرجة المعيارية	الدرجة الغير معيارية		الموديل	
			الخطأ المعيارية	Beta		
.006	6.488		4.450	28.867	1. b ₀	النموذج الأول
.047	3.004	.570	138.	414.	(Constant)	
.031	2.012	.481	.119	.315	b ₁ ST	
021.	4.476	801.	9.100	40.730	b ₂ SP b ₃ SX	
.001	7.754			29.075	2.(Constant)	النموذج الثاني
.008	4.949	.594	3.750	.432	b1ST	
.002	6.843	.822	6.108	41.802	b3SX	

b. Dependent Variable: SY

جدول رقم (11) قيمة فرضية العدم^b (Sig) Excluded Variables

Collinearity Statistics Tolerance	Partial Correlation الخطأ المعيارية	sig	t	Beta In	Model
.316	.119	0.031	2.012	.315 ^a	2 b ₂ SP

a. Predictors in the model :(Constant), SX,ST

b. Dependent Variable: SY