

مدخل الكلفة على أساس الأنشطة ودوره في تحديد المزيج الإنتاجي الأمثل - دراسة مقارنة بين المدخل التقليدي ومدخل الكلفة على أساس الأنشطة

د محمد وفي عباس أشمري
كلية الإدارة والاقتصاد
جامعة كربلاء

الملخص:

تتبلور مشكلة هذا البحث في أن الاعتماد على المدخل التقليدي المستند إلى الحجم في تخصيص التكاليف الإضافية إلى الوحدات المنتجة يؤدي إلى تحميل الوحدات المنتجة بشكل غير عادل بنصيبها من التكاليف الإضافية، وبالتالي تشويه كلفة الوحدة الواحدة لكل منتج، وهذا سيقود الإدارة إلى اختيار المزيج الإنتاجي غيرا لمربح وسيركز على تحسين الجهود في العمليات الخاطئة، وما يترتب على ذلك من تخفيض جوهري في ربحية الشركة.

وقد هدف هذا البحث إلى إظهار دور مدخل التكاليف على أساس الأنشطة في التحديد الحقيقي للمزيج الإنتاجي الأمثل ومقارنته مع المدخل التقليدي.

وقد استند هذا البحث إلى فرضية أساسية مفادها: "أن الأخذ بمدخل التكاليف على أساس الأنشطة في إعداد معلومات التكاليف يؤدي إلى توفير معلومات ملائمة تمكن الإدارة من التحديد الحقيقي للمزيج الإنتاجي الأمثل".

وقد قسم هذا البحث إلى فقرات تناولت المقدمة ومنهجية البحث، وبيان للمدخل التقليدي للتكلفة، ثم بيان لمدخل التكلفة على أساس الأنشطة من حيث مفهوم ومزايا مدخل التكلفة على أساس الأنشطة، وخطوات تطبيق مدخل التكلفة على أساس الأنشطة، ثم فقرة للجزء التطبيقي تم فيها وصف المشكلة، ثم صياغة المشكلة بأسلوب البرمجة الخطية في ظل المدخل التقليدي، ثم إيجاد الحل الأمثل للمشكلة وتفسيره، بعد ذلك تم صياغة المشكلة بأسلوب البرمجة الخطية في ظل مدخل التكاليف على أساس الأنشطة، ثم إيجاد الحل الأمثل للمشكلة وتفسيره، بعد ذلك تم مقارنة النتائج في ظل المدخل التقليدي ومدخل التكاليف على أساس الأنشطة، ثم بيان أهم النتائج التي تم التوصل إليها وعرض لأهم التوصيات المقترحة 1-

المقدمة

تعتبر الرقابة على عناصر التكاليف هدفا أساسيا لمحاسبة التكاليف وذلك لتحقيق الكفاية والاستخدام الأمثل لعناصر الإنتاج. وعلى الرغم مما يتطلبه عنصري المواد والأجور من رقابة إلا أن الخصائص التي تتصف بها التكاليف الصناعية غير المباشرة عن بقية عناصر التكاليف من حيث طبيعتها وتعددتها واختلاف مستويات حدوثها فضلا عما تحتله من أهمية كبيرة في الصناعات الحديثة ذات الأتمتة العالية جعل إحكام الرقابة عليها أمرا ضروريا بما يضمن تخفيض تكلفتها.

إن البيئة الصناعية الحديثة ذات الأتمتة العالية جعلت كلفة العمل المباشر تنخفض في مقابل ارتفاع في حجم التكاليف الصناعية غير المباشرة ، وقد أدى ذلك إلى عدم دقة المعلومات الناتجة عن النظام التقليدي بخصوص تخصيص التكاليف الصناعية غير المباشرة بسبب اعتماده على حجم العمل المباشر لكل وحدة، حيث يفترض المدخل التقليدي إن المنتجات تستهلك الموارد بصورة متناسبة مع كميات إنتاجها على الرغم من وجود موارد ترتبط بنشاطات غير متعلقة بالحجم مثل أنشطة تهيئة المكائن وتصميم المنتجات، وبالتالي فإن المدخل التقليدي يعرض صورة مشوهة عن تكلفة الإنتاج.

وفي عالم المنافسة الشديدة اليوم، فإن الحصول على معلومات دقيقة قد يكون عامل أساسي في التمييز بين الشركات الربحية والخاسرة. وباستعمال معلومات كلفية أكثر دقة عند تحديد المزيج الإنتاجي الأمثل للشركة فإنه سيقود الإدارة إلى اتخاذ قرارات أفضل ، وبالتالي سيكون لها اثر كبير على نجاح الشركة.

وهكذا فإن منهجية البحث ستكون كالاتي:

مشكلة البحث:

تتبلور مشكلة البحث في أن الاعتماد على المدخل التقليدي المستند إلى الحجم بدلا من الأنشطة في تخصيص التكاليف الإضافية إلى الوحدات المنتجة يؤدي إلى تحميل الوحدات المنتجة بشكل غير عادل بنصيبها من التكاليف الإضافية وبالتالي تشويه كلفة الوحدة الواحدة لكل منتج، وهذا سيقود الإدارة إلى اختيار المزيج الإنتاجي غير الأمثل وسيركز على تحسين الجهود في العمليات غير المناسبة ، وما يترتب على ذلك من تخفيض جوهري في ربحية الشركة.

هدف البحث:

يهدف هذا البحث إلى إظهار دور مدخل التكاليف على أساس الأنشطة في التحديد الحقيقي للمزيج الإنتاجي الأمثل ومقارنته مع المدخل التقليدي.

فرضية البحث:

يستند هذا البحث إلى فرضية أساسية مفادها:

إن الأخذ بمدخل التكاليف على أساس الأنشطة في إعداد معلومات التكاليف يؤدي إلى توفير معلومات ملائمة تمكن الإدارة من التحديد الحقيقي للمزيج الإنتاجي الأمثل.

2- المدخل التقليدي للتكلفة: في ظل المدخل التقليدي للتكلفة والذي تستخدمه شركات كثيرة لا يتم تتبع التكاليف غير المباشرة (مثل رواتب المشرفين) بشكل مباشر إلى المنتجات، بل يتم تخصيص التكاليف غير المباشرة إلى المنتجات باستعمال أساس تخصيص مثل ساعات العمل المباشر أو ساعات العمل الآلي. (Hilton&Maher&Selto,2003:144)

ويستعمل هذا المدخل عادة أوعية قليلة للكلفة¹ غير المباشرة، كما أن تخصيصات التكلفة هي معدلات عامة أكثر مما ينبغي، ولذلك فإن الكلف الناتجة من هذا المدخل قد تقود المدراء إلى اتخاذ قرارات خاطئة. فعلى سبيل المثال فإن المنتج الذي احتسبت كلفته بشكل مرتفع في ظل هذا المدخل قد يسهّر بشكل مرتفع أيضاً، وتكون النتيجة هي خسارة الشركة لحصة سوقية. وبصورة مشابهة فقد يحدد المدراء أسعار بيع لبعض المنتجات تكون أدنى من كلفة الموارد المستخدمة في إنتاجها. وتكون المخاطر واضحة خصوصاً عندما تصنع مئات المنتجات المختلفة بمستويات إنتاج سنوية مختلفة يتراوح مداها من وحدات قليلة إلى آلاف الوحدات من الأنواع الأخرى. وقد أظهرت دراسات أن المعدلات العامة في المدخل التقليدي يمكن أن تضخم التكاليف الصناعية غير المباشرة على المنتجات الكبيرة الحجم وتخفف التكاليف الصناعية غير المباشرة على المنتجات القليلة الحجم. (Horngren,et.al.,1999:367)

يتضح مما تقدم أن المدخل التقليدي يركز على حجم المنتجات عند تخصيص التكاليف الصناعية غير المباشرة، وبالتالي فمقدار التكاليف الصناعية غير المباشرة المخصصة لدفعة منتجات يزداد بشكل خطي مع زيادة حجم الإنتاج على الرغم من وجود موارد ترتبط بنشاطات لاتتعلق بحجم الإنتاج مثل نشاط تهيئة المكائن ونشاط تصميم المنتج، كما أن هذا المدخل يستخدم معدلات عامة عند تخصيص التكاليف غير المباشرة إلى المنتجات، مما يؤدي إلى تضخيم تكلفة المنتجات ذات الكميات الكبيرة وتخفيض تكلفة المنتجات ذات الكميات القليلة، وبالتالي إعطاء صورة مشوهة عن تكلفة المنتج وما يترتب على ذلك من آثار سلبية على اتخاذ القرارات عند الاستناد إلى هذه المعلومات المشوهة.

3-مدخل التكلفة على أساس الأنشطة(ABC):

3-1- مفهوم ومزايا (ABC) :

¹ عرفت أوعية الكلفة بأنها مجاميع أو أصناف لبنود كلفة فردية. أنظر (Hilton&Maher&Selto,2003:145)

عرف ABC بأنه مدخل للتكلفة يركز على الأنشطة كأهداف أولية للتكلفة ثم يستعمل كلفة هذه الأنشطة كأساس في تعيين الكلف لأهداف الكلفة الأخرى مثل المنتجات أو الخدمات أو الزبائن. (Horngren&Foster&Datar,1997:107)

ويشير أدب ABC بان الخطوة الأولى هي تحديد كلف الأنشطة ، وان الخطوة الثانية هي استعمال الموجهات¹ لتتبع كلف الأنشطة إلى المنتجات. (Melano,2000:5)

أما Huang فيرى أن ABC هو نظام يجمع تكاليف لكل نشاط في المنظمة ومن ثم يطبق تكاليف الأنشطة إلى أهداف الكلفة المتعلقة بالمنتجات والخدمات وأهداف أخرى باستعمال موجهات. (Huang, 1999:2)

أما Hilton وآخرون فيرون أن ABC هي طريقة الكلفة التي تعيّن الكلف أولاً إلى الأنشطة ومن ثم إلى السلع والخدمات استناداً إلى كمية الأنشطة التي تستعملها كل سلعة أو خدمة. (Hilton&Maher&Selto,2003:145)

يتضح مما تقدم أن فلسفة ABC هي أن هناك أنشطة تستهلك موارد الشركة وهي مسببة لحدوث التكاليف، فلو لم تكن هناك أنشطة لم تحدث التكاليف. كما أن هناك منتجات تستهلك هذه الأنشطة، فلو لم تكن هناك منتجات لم يكن هناك مبرر للأنشطة. وبالتالي فعند تحديد كلفة الموارد التي استهلكها النشاط، وتحديد كمية النشاط التي استهلكها المنتج يمكن تتبع التكاليف إلى المنتجات.

أما مزايا مدخل ABC فهي (Tarr,2001:3):

- 1-انه يوفر نموذج أكثر دقة لكيفية امتصاص الكلف من قبل الأنشطة والمنتجات.
- 2-يحدث معلومات محسّنة لإغراض التسعير والمزيج الإنتاجي وقرارات الصنع أو الشراء.
- 3-انه يضمن أن جميع التكاليف تم امتصاصها من قبل المنتجات، وعليه يمكن أن يستعمل تقويم المخزون لأغراض القوائم المالية.

3-2-خطوات تطبيق مدخل ABC:

هناك أربعة خطوات لتحديد كلفة السلع والخدمات باستعمال مدخل ABC وهي كما يلي (Hilton&Maher&Selto,2003:146):

¹ يستخدم مصطلح موجه التكلفة لوصف الأحداث والعوامل المسببة لتكاليف النشاط. (عدس والخلف، 2007: 278) وقد عرف موجه التكلفة بأنه مقياس النشاط (مثل ساعات العمل الآلي) الذي كان العامل المسبب في تعرض التكاليف في المنظمة. (Garrison,1988:78)

كما عرف بأنه مقياس النشاط الذي يؤثر على سلوك الكلفة ويختلف باختلاف نوع النفقة او المصروف، ويعتبر عاملاً تفسيريًا لتكبد التكاليف. (أبو نصار، 2005: 33)

1-تحديد وتصنيف الأنشطة المرتبطة بمنتجات الشركة. فالأنشطة في جميع مناطق سلسلة القيمة (تصميم المنتج، الإنتاج، التسويق، التوزيع، الخ) يجب أن تكون متضمنة. حيث يحدد الأشخاص الأنشطة التي تنجزها الشركة لإنتاج المنتج وتحضير قائمة بتلك الأنشطة تسمى قاموس الأنشطة. ويمكن الحصول على قاموس الأنشطة من خلال مقابلات مع العاملين الذين ينجزون الأنشطة. وكما تم تحديد الأنشطة يتم تصنيفها على مستوى الوحدة أو مستوى الدفعة أو مستوى المنتج أو مستوى الزبون أو مستوى المصنع.

2-تقدير كلفة الأنشطة المحددة في الخطوة الأولى. حيث تقدر كلف الأنشطة المحددة التي تسبب التكلفة. هذه التكاليف هي للموارد البشرية (مثل أجور عمال الصيانة) والموارد المادية (مثل كلفة الآلات). ويجب أن تتضمن المعلومات هنا بيانات العاملين من المقابلات الشخصية، وبيانات مالية من قسم المحاسبة. ثم يتم احتساب الكلفة الكلية لكل نشاط.

3- احتساب معدل موجه التكلفة¹ لكل نشاط. فبيانات كلفة النشاط المستخرجة من الخطوة الثانية يتم استعمالها لاحتساب معدل موجه الكلفة والذي يمكن ان تستعمله الشركة لغرض تعيين كلف النشاط الى السلع والخدمات. هذا المعدل يجب ان يستعمل الأساس الذي يربط السبب الهام بالتكلفة. فمثلا كلف تشغيل آلات الإنتاج تسببت على الأرجح بعدد ساعات تشغيلها، وعليه فان اختيار معدل لهذا النشاط يستند إلى ساعات عمل الآلات يكون حكيما.

4-تعيين كلف النشاط إلى المنتجات. فمعدلات موجه التكلفة المعدة في الخطوة الثالثة تستعمل لتعيين كلف النشاط إلى السلع والخدمات. ويتم ذلك من خلال ضرب معدل موجه التكلفة في كمية النشاط التي استهلكها المنتج.

4- الجزء التطبيقي:

سيتم في هذه الفقرة اختبار فرضية البحث من خلال حل مشكلة البرمجة الخطية الآتية في ظل المدخل التقليدي للتكلفة ثم إعادة حلها في ظل مدخل ABC وذلك لغرض معرفة آثار كل مدخل على اتخاذ القرارات بخصوص المزيج الإنتاجي الأمثل الذي يحقق أقصى الأرباح.

4-1- وصف المشكلة:

تنتج إحدى الشركات ثلاثة منتجات أساسية هي X_1, X_2, X_3 وتهدف إدارة الشركة إلى تعظيم أرباحها، وقد توفرت البيانات الآتية:

¹ عرف معدل موجه التكلفة بأنه الكلفة المقدرة لاستهلاك المورد لكل وحدة من موجه التكلفة لكل

نشاط. (Hilton&Maher&Selto,2003:152)

وهناك سبعة أنشطة أساسية غير مباشرة أنجزت في المصنع لإنتاج المنتجات الثلاثة (X_3, X_2, X_1). أما المعلومات بخصوص التكاليف الإضافية المخططة والطاقات المتاحة شهريا لكل نشاط وموجهات التكلفة ومعدلات موجهات التكلفة لكل نشاط فهي:

| الأنشطة غير المباشرة (1) | موجهات التكلفة (2) | التكاليف الإضافية المخططة (3) | الطاقات المتاحة شهريا لكل نشاط (4) | معدلات موجه التكلفة (5) |
|--------------------------|--------------------|-------------------------------|------------------------------------|-------------------------|
| | | | | (3 + 4) |
| نشاط تهيئة الآلات | عدد ساعات التهيئة | \$ 9600 | 600 ساعة تهيئة | \$16 لكل ساعة تهيئة |
| نشاط الاستلام | عدد العناصر | \$ 312120 | 540 عنصر | \$578 لكل عنصر |
| نشاط مناولة المواد | عدد العناصر | \$ 370380 | 300 عنصر | \$1234.6 لكل عنصر |
| نشاط فحص الجودة | عدد الفحوصات | \$ 90000 | 4500 فحص | \$20 لكل فحص |
| نشاط الاستهلاك | عدد الساعات الآلية | \$ 840000 | 16800 ساعة آلية | \$50 لكل ساعة آلية |
| نشاط الصيانة | عدد ساعات الصيانة | \$ 57600 | 19200 ساعة صيانة | \$3 لكل ساعة آلية |
| نشاط التعبئة والشحن | عدد الشحنات | \$ 720300 | 2100 شحنة تسويق | \$343 لكل شحنة |

وقد بلغت الكلفة المقدرة للمواد المباشرة المستخدمة شهريا \$7200000، أما الكلفة المقدرة للعمل المباشر شهريا فبلغ \$300000.

وقد علمت أن أنشطة التهيئة، والاستلام، ومناولة المواد، وفحص الجودة، والتعبئة والشحن، هي أنشطة مرتبطة بالدفعة، أي أن الطلبات على هذه الأنواع من الأنشطة تعتمد على عدد الدفعات المنتجة (وليس على عدد الوحدات المنتجة). أما المواد المباشرة، والعمل المباشر، والاستهلاك، والصيانة، فهي أنشطة مرتبطة بالوحدة المنتجة (وليس بالدفعة).

أما المعلومات التي تخص الكميات المستهلكة من الأنشطة لكل نوع من المنتجات فهي:

| الأنشطة غير المباشرة | كمية الأنشطة المستهلكة من قبل المنتج X_1 | كمية الأنشطة المستهلكة من قبل المنتج X_2 | كمية الأنشطة المستهلكة من قبل المنتج X_3 |
|----------------------|--|--|--|
| نشاط تهيئة الآلات | 19.2 ساعة تهيئة لكل دفعة | 9.6 ساعة تهيئة لكل دفعة | 4.8 ساعة تهيئة لكل دفعة |
| نشاط الاستلام | 12 عنصر لكل دفعة | 7.2 عنصر لكل دفعة | 6 عنصر لكل دفعة |
| نشاط مناولة المواد | 12 عنصر لكل دفعة | 7.2 عنصر لكل دفعة | 6 عنصر لكل دفعة |
| نشاط فحص الجودة | 300 فحص لكل دفعة | 60 فحص لكل دفعة | 12 فحص لكل دفعة |
| نشاط الاستهلاك | 12 ساعة آلية لكل وحدة | 0.5 ساعة آلية لكل وحدة | 0.3 ساعة آلية لكل وحدة |
| نشاط الصيانة | 12 ساعة آلية لكل وحدة | 0.5 ساعة آلية لكل وحدة | 0.3 ساعة آلية لكل وحدة |
| نشاط التعبئة والشحن | 60 شحنة لكل دفعة | 12 شحنة لكل دفعة | 19 شحنة لكل دفعة |

| البيان | X_1 المنتج 1 | X_2 المنتج 2 | X_3 المنتج 3 |
|-----------------------------------|----------------|----------------|----------------|
| سعر بيع الوحدة | 32.4 | 38.4 | 90 |
| حجم الطلب الشهري (بالوحدات) | 150000 | 100000 | 60000 |
| حجم الدفعة (بالوحدات) | 7500 | 2500 | 400 |
| كلفة المواد للوحدة الواحدة | 19.2 | 24 | 26.4 |
| كلفة العمل المباشر للوحدة الواحدة | 1.2 | 2.4 | 9.6 |

4-2- صياغة المشكلة بأسلوب البرمجة الخطية في ظل المدخل التقليدي:

في ظل المدخل التقليدي واستنادا لبيانات المشكلة السابقة يتم تخصيص التكاليف الإضافية إلى المنتجات بناء على كلفة الاجور المباشرة. وهكذا فان معدل تحميل التكاليف الإضافية للشركة موضع البحث يحتسب كما يلي:

معدل تحميل التكاليف الإضافية = (إجمالي التكاليف الإضافية المخططة ÷ إجمالي الكلفة المقدره للعمل المباشر) * 100%

$$= (300000 \div 2400000) * 100\% = 80\%$$

التكاليف الإضافية للوحدة الواحدة = كلفة العمل المباشر للوحدة * معدل تحميل التكاليف الإضافية

$$X_1 = 1.2 * 80\% = \$9.6$$

$$X_2 = 2.4 * 80\% = \$19.2$$

$$X_3 = 9.6 * 80\% = \$76.8$$

ويستخرج ربح الوحدة الواحدة كما يلي:

جدول (1)

ربح الوحدة الواحدة لكل منتج

| البيان | المنتج X ₁ | المنتج X ₂ | المنتج X ₃ |
|-----------------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|
| سعر بيع الوحدة | 32.4 | 38.4 | 90 |
| يخصم منه: | | | |
| كلفة المواد المباشرة للوحدة | 19.2 | 24 | 26.4 |
| كلفة العمل المباشر للوحدة | 1.2 | 2.4 | 9.6 |
| الكلفة الإضافية للوحدة | 9.6 | 19.2 | 112.8 |
| الربح (الخسارة) للوحدة | 2.4 | (7.2) | (22.8) |

المصدر: إعداد الباحث اعتماداً على بيانات المشكلة السابقة ونتائج تطبيق معادلة التكاليف الإضافية.

وهكذا نجد أن المنتج X₁ يحقق ربحاً 2.4\$ لكل وحدة، في حين أن المنتجين X₂, X₃ يحققان خسارة مقدارها 7.2، 22.8\$ لكل وحدة على الترتيب.

وبما أن هدف الإدارة هو تعظيم الأرباح، فإن دالة الهدف لمشكلة البرمجة الخطية هي من نوع التعظيم وستكون دالة الهدف كما يلي:

$$\text{Max. } Z = 2.4X_1 - 7.2X_2 - 22.8X_3$$

أما بخصوص قيود المشكلة فسيكون لدينا تسعة قيود، ثلاثة قيود تبين عناصر التكاليف الداخلة في الإنتاج من مواد مباشرة واجور مباشرة وتكاليف إضافية، وهي تؤكد بان عناصر التكاليف اللازمة لإنتاج المزيج الإنتاجي الأمثل يجب أن لا تتجاوز إجمالي التكاليف المخططة لكل عنصر. وستظهر قيود عناصر التكاليف للمواد المباشرة والأجور المباشرة والتكاليف الإضافية على الترتيب في مشكلة البرمجة الخطية كما يلي:

$$19.2X_1 + 24X_2 + 26.4X_3 \leq 7200000$$

$$1.2X_1 + 2.4X_2 + 9.6X_3 \leq 300000$$

$$9.6X_1 + 19.2X_2 + 76.8X_3 \leq 2400000$$

وستظهر قيود ثلاثة أخرى تظهر حجم الطلب المتوقع لكل منتج من المنتجات X₃, X₂, X₁ وهي تؤكد بان حجم الإنتاج لكل منتج يجب أن لا يتجاوز حجم الطلب المتوقع لذلك المنتج.

وستظهر قيود الطلب على المنتجات X_3, X_2, X_1 على الترتيب في مشكلة البرمجة الخطية استنادا لبيانات المشكلة السابقة كما يلي:

$$X_1 \leq 150000$$

$$X_2 \leq 100000$$

$$X_3 \leq 60000$$

أما القيد السابع فقد أضافه الباحث إلى قيود المشكلة لإظهار الكلفة الكلية للمنتج الأول (X_1) في ظل المدخل التقليدي وسيتم له بالرمز (T_1) وهو يؤكد بان الكلفة الكلية تساوي مجموع تكاليف المواد المباشرة والأجور المباشرة والتكاليف الإضافية لحجم ذلك المنتج (X_1) الذي سيظهر في المزيج الإنتاجي الأمثل، وسيظهر هذا القيد كما يلي:

$$T_1 = 19.2X_1 + 1.2X_2 + 9.6X_3$$

$$T_1 - 19.2X_1 - 1.2X_2 - 9.6X_3 = 0$$

وتكتمل الصيغة النهائية لمشكلة البرمجة الخطية من خلال جمع دالة الهدف مع القيود بعد إضافة قيد عدم السالبة والذي يشير إلى ضرورة إبقاء المتغيرات غير سالبة. وهكذا فان الصيغة النهائية لهذه المشكلة في ظل المدخل التقليدي هي كالآتي:

$$\text{Max. } Z = 2.4X_1 - 7.2X_2 - 22.8X_3$$

s.t.:

$$19.2X_1 + 24X_2 + 26.4X_3 \leq 7200000$$

$$1.2X_1 + 2.4X_2 + 9.6X_3 \leq 300000$$

$$9.6X_1 + 19.2X_2 + 76.8X_3 \leq 2400000$$

$$X_1 \leq 150000$$

$$X_2 \leq 100000$$

$$X_3 \leq 60000$$

$$T_1 - 19.2X_1 - 1.2X_2 - 9.6X_3 = 0$$

$$X_1, X_2, X_3, T_1 \geq 0$$

4-3- إيجاد الحل الأمثل للمشكلة:

لقد قام الباحث بتحويل القيود في المشكلة السابقة من صيغة متباينات إلى صيغة معادلات وذلك من خلال إضافة متغير إضافي إلى الطرف الأيسر لكل قيد، وهذه المتغيرات المضافة هي X_4, X_5, X_6 ، لكل قيد من القيود الستة الأولى على الترتيب. ثم تم حل مشكلة البرمجة الخطية من خلال برنامج خاص مكتوب بلغة البيسيك وتم تنفيذه بواسطة البرنامج التنفيذي GWBASIC.EXE. وقد ظهر الحل الأمثل على شاشة الحاسب الآلي كما يلي:

جدول رقم (2)

نتائج تطبيق نموذج البرمجة الخطية للمشكلة في ظل المدخل التقليدي واستخراج الحل الأمثل

| Primal variables | Value |
|-----------------------------|---------|
| 1 | 150000 |
| 4 | 4320000 |
| 5 | 120000 |
| 6 | 960000 |
| 8 | 100000 |
| 9 | 60000 |
| 10 | 4500000 |
| Value of Objective Function | 360000 |

4-4- تفسير الحل الأمثل:

عند النظر إلى النتائج الظاهرة في جدول (2) نلاحظ الآتي:

1- ظهر في الحل الأمثل المتغير (1)، وهو يشير إلى أن الكمية الواجب إنتاجها وبيعها من المنتج X_1 هي بمقدار 150000 وحدة.

2- ظهر في الحل الأمثل المتغيرات X_4, X_5, X_6, X_8, X_9 ، وهي تمثل المتغيرات المضافة إلى القيود لغرض تحويلها من صيغة متباينات إلى صيغة معادلات، وهي تشير إلى المقدار غير المستغل من كل قيد للمشكلة على الترتيب. حيث يشير المتغير (4) إلى أن كلفة المواد المباشرة غير المستغلة في الإنتاج تساوي \$4320000، وأن المتغير (5) يشير إلى أن كلفة الاجور المباشرة غير المستغلة في الإنتاج تساوي \$120000، أما المتغير (6) فيشير إلى أن التكاليف الإضافية التي لم تستغل في الإنتاج تساوي \$960000، في حين يشير المتغير (8) إلى أن حجم الطلب على المنتج X_2 الذي لم يستغل يساوي 100000 وحدة، أما المتغير (9) فيشير إلى أن حجم الطلب غير المستغل على المنتج X_3 يساوي 60000 وحدة.

3- ظهر في الحل الأمثل المتغير (10) وهو يمثل القيد السابع للمشكلة، حيث يشير هذا المتغير إلى أن الكلفة الكلية للمنتج X_1 الذي ظهر في الحل الأمثل تساوي \$4500000. وعند قسمة هذا الرقم على عدد الوحدات المنتجة التي أظهرها الحل الأمثل (150000) نحصل على كلفة الوحدة الواحدة من المنتج X_1 وهي \$30.

4- تبين من الحل الأمثل أن الشركة إذا التزمت بتنفيذ الخطة التي قررها الحل الأمثل فإنها ستحقق أرباح مقدارها \$360000.

4-5- صياغة المشكلة بأسلوب البرمجة الخطية في ظل مدخل ABC:

في ظل مدخل ABC تستعمل معدلات موجهة التكلفة لتعيين كلف الأنشطة غير المباشرة إلى المنتجات وذلك من خلال ضرب معدلات موجهة التكلفة في كميات الأنشطة التي استهلكها كل منتج والتي ظهرت في بيانات المشكلة السابقة. هذا بخصوص تحديد التكاليف الإضافية في ظل

مدخل ABC. أما بخصوص تحديد كلفة المواد المباشرة وكلفة العمل المباشر فلا يوجد اختلاف في احتسابهما في كلا المدخلين.

وبما أن كلفة المواد المباشرة والعمل المباشر ونشاطي الاستهلاك والصيانة تم قياسها على أساس الوحدة الواحدة، في حين أن أنشطة التهيئة والاستلام والمناولة والفحص والتعبئة تم قياسها على أساس الدفعة، كما أن سعر البيع محدد على أساس الوحدة الواحدة، ولهذا سيقوم الباحث بتوحيد وحدات القياس وجعلها على أساس الدفعة قبل إجراء عملية حل المشكلة.

ويستخرج ربح الدفعة الواحدة في ظل مدخل ABC كما يلي:

جدول رقم (3)

ربح الدفعة الواحدة في ظل مدخل ABC

| البيان | المنتج ₁ X ₁ | المنتج ₂ X ₂ | المنتج ₃ X ₃ |
|---|------------------------------------|------------------------------------|------------------------------------|
| سعر بيع الدفعة (سعر بيع الوحدة * حجم الدفعة) | 243000 | 96000 | 36000 |
| يخصم منه: | | | |
| كلفة المواد المباشرة للدفعة (كلفة المواد للوحدة * حجم الدفعة) | (144000) | (60000) | (10560) |
| كلفة العمل المباشر للدفعة (كلفة العمل المباشر للوحدة * حجم الدفعة) | (9000) | (6000) | (3840) |
| التكاليف الإضافية: | | | |
| نشاط التهيئة (معدل موجه التكلفة * كمية النشاط المستهلك لكل منتج) | (307.2) | (153.6) | (76.8) |
| نشاط الاستلام (معدل موجه التكلفة * كمية النشاط المستهلك لكل منتج) | (6936) | (4161.6) | (3468) |
| نشاط المناولة (معدل موجه التكلفة * كمية النشاط المستهلك لكل منتج) | (14815.2) | (8889.12) | (7407.6) |
| نشاط الفحص (معدل موجه التكلفة * كمية النشاط المستهلك لكل منتج) | (6000) | (1200) | (240) |
| نشاط الاستهلاك (معدل موجه التكلفة * حجم الدفعة * كمية النشاط المستهلك لكل منتج) | (45000) | (6250) | (600) |
| نشاط الصيانة (معدل موجه التكلفة * حجم الدفعة * كمية النشاط المستهلك لكل منتج) | (2700) | (375) | (36) |
| نشاط التعبئة والشحن (معدل موجه التكلفة * كمية النشاط المستهلك لكل منتج) | (20580) | (4116) | (6517) |
| الربح (الخسارة) للدفعة | (6338.4) | 4854.68 | 3254.6 |

المصدر: إعداد الباحث اعتماداً على بيانات المشكلة السابقة.

وحيث أن هدف الإدارة هو تعظيم الربح، لهذا ستكون دالة الهدف كما يلي:

$$\text{Max. } Z = - 6338.4X_1 + 4854.68X_2 + 3254.6X_3$$

أما بخصوص قيود مشكلة البرمجة الخطية فسيكون لدينا (14) قيد. منها قيد لكلفة المواد المباشرة، وقيد لكلفة العمل المباشر، وقيد لكل نشاط من الأنشطة غير المباشرة السبعة. وستكون أقيام الطرف الأيسر لهذه القيود هي الأقيام الظاهرة في جدول (3) تحت فقرة (يخصم منه). أما الطرف الأيمن للقيود فهي التكاليف المقدرة للمواد المباشرة والتكاليف المقدرة للعمل المباشر والتكاليف الإضافية المقدرة على الترتيب. وتؤكد هذه القيود بأن عناصر التكاليف اللازمة لإنتاج المزيج الإنتاجي الأمثل يجب أن لا يتجاوز إجمالي التكاليف المقدرة

لكل عنصر ولكل نشاط. وستظهر قيود عناصر التكاليف في مشكلة البرمجة الخطية كما يلي:

$$144000X_1 + 60000X_2 + 10560X_3 \leq 7200000$$

$$9000X_1 + 6000X_2 + 3840X_3 \leq 300000$$

$$307.2X_1 + 153.6X_2 + 76.8X_3 \leq 9600$$

$$6936X_1 + 4161.6X_2 + 3468X_3 \leq 312120$$

$$14815.2X_1 + 8889.12X_2 + 7407.6X_3 \leq 370380$$

$$\begin{aligned}
6000X_1+1200X_2+240X_3 &\leq 90000 \\
45000X_1+6250X_2+600X_3 &\leq 840000 \\
2700X_1+375X_2+36X_3 &\leq 57600 \\
20580X_1+4116X_2+6517X_3 &\leq 720300
\end{aligned}$$

وستظهر قيود ثلاثة أخرى تظهر حجم الطلب المتوقع لكل منتج من المنتجات X_3, X_2, X_1 ، وهذه القيود تؤكد بان حجم الإنتاج لكل منتج يجب ان لايتجاوز حجم الطلب المتوقع لذلك، المنتج مقاسا بالدفعات. ويتم تحويل حجم الطلب المتوقع من مقياس الوحدات إلى مقياس الدفعات من خلال قسمة حجم الطلب بالوحدات على حجم الدفعة. وستظهر قيود الطلب على المنتجات في مشكلة البرمجة الخطية كما يلي:

$$\begin{aligned}
X_1 &\leq 20 \\
X_2 &\leq 40 \\
X_3 &\leq 150
\end{aligned}$$

أما القيودان الأخيران فقد أضافهما الباحث إلى قيود المشكلة لإظهار الكلفة الكلية للمنتوجين X_3, X_2 في ظل مدخل ABC، وسيرمز للكلفة الكلية ل X_2 بالرمز A_2 ، أما الكلفة الكلية للمنتوج X_3 فسيرمز له بالرمز A_3 ويؤكد هذان القيودان بان الكلفة الكلية تساوي مجموع تكاليف المواد المباشرة والعمل المباشر وتكاليف الأنشطة غير المباشرة لحجم هذين المنتجين اللذان سيظهران في الحل الأمثل. وسيظهر هذان القيودان في مشكلة البرمجة الخطية كما يلي:

$$\begin{aligned}
A_2- 60000X_2- 6000X_2- 153.6X_2- 4161.6X_2- 8889.12X_2- 1200X_2-6250X_2- \\
375X_2-4116X_2 = 0 \\
A_3- 10560X_3- 3840X_3- 76.8X_3- 3468X_3- 7407.6X_3- 240X_3- 600X_3- 36X_3- \\
6517X_3 = 0
\end{aligned}$$

وقد أهمل الباحث معرفة الكلفة الكلية للمنتوج الأول بسبب مساهمته السلبية في الربحية كما ظهر في الجدول (3).

وتكتمل الصيغة النهائية لمشكلة البرمجة الخطية من خلال جمع دالة الهدف مع القيود بعد إضافة قيد عدم السالبة والذي يشير إلى ضرورة إبقاء المتغيرات غير سالبة. وهكذا فان الصيغة النهائية لهذه المشكلة في ظل مدخل ABC هي كالآتي:

$$\begin{aligned}
\text{Max. } Z &= - 6338.4X_1+4854.68X_2+3254.6X_3 \\
\text{s.t.:} \\
144000X_1+60000X_2+10560X_3 &\leq 7200000 \\
9000X_1+6000X_2+3840X_3 &\leq 300000 \\
307.2X_1+153.6X_2+76.8X_3 &\leq 9600
\end{aligned}$$

$$6936X_1+4161.6X_2+3468X_3 \leq 312120$$

$$14815.2X_1+8889.12X_2+7407.6X_3 \leq 370380$$

$$6000X_1+1200X_2+240X_3 \leq 90000$$

$$45000X_1+6250X_2+600X_3 \leq 840000$$

$$2700X_1+375X_2+36X_3 \leq 57600$$

$$20580X_1+4116X_2+6517X_3 \leq 720300$$

$$X_1 \leq 20$$

$$X_2 \leq 40$$

$$X_3 \leq 150$$

$$A_2- 60000X_2- 6000X_2- 153.6X_2- 4161.6X_2- 8889.12X_2- 1200X_2-6250X_2- 375X_2-4116X_2 = 0$$

$$A_3- 10560X_3- 3840X_3- 76.8X_3- 3468X_3- 7407.6X_3- 240X_3- 600X_3- 36X_3- 6517X_3 = 0$$

$$X_1, X_2, X_3, A_1, A_2 \geq 0$$

4-6- إيجاد الحل الأمثل للمشكلة:

لقد قام الباحث بتحويل القيود الاثنا عشر الأولى من صيغة متباينات إلى صيغة معادلات وذلك من خلال إضافة المتغيرات الإضافية $X_4, X_5, X_6, \dots, X_{15}$ إلى الطرف الأيسر لكل قيد من القيود الاثنا عشر الأولى على الترتيب. بعد ذلك تم حل مشكلة البرمجة الخطية من خلال برنامج خاص مكتوب بلغة البيسيك وتم تنفيذه بواسطة البرنامج التنفيذي GWBASIC.EXE، وقد ظهر الحل الأمثل على شاشة الحاسب الآلي كما يلي:

جدول رقم(4)

نتائج تطبيق نموذج البرمجة الخطية للمشكلة في ظل مدخل ABC واستخراج الحل الأمثل

| Primal Variables | Value |
|-----------------------------|----------|
| 2 | 40 |
| 3 | 2 |
| 4 | 4778880 |
| 5 | 52320.01 |
| 6 | 3302.4 |
| 7 | 138720 |
| 9 | 41520 |
| 10 | 588800 |
| 11 | 42528 |
| 12 | 542626 |
| 13 | 20 |
| 15 | 148 |
| 16 | 3645813 |
| 17 | 65490.68 |
| Value of Objective Function | 200696.4 |

4-7- تفسير الحل الأمثل:

عند النظر إلى النتائج الظاهرة في جدول (4) نلاحظ الآتي:

1- ظهر في الحل الأمثل المتغيران (2)،(3)، وهما يشيران إلى أن الكمية الواجب إنتاجها وبيعها من المنتجين X_2, X_3 هي 40،2 دفعة على الترتيب.

2- ظهر في الحل الأمثل المتغيرات 4،5،6،7،9،10،11،12،13،15 وهي تمثل المتغيرات المضافة إلى القيود لغرض تحويلها من صيغة متباينات إلى صيغة معادلات، وهي تشير إلى المقدار غير المستغل من كل قيد من قيود المشكلة على الترتيب وكما مبين أدناه:

4778880 الكلفة غير المستغلة من المواد المباشرة 52320.01 الكلفة غير المستغلة

من العمل المباشر

3302.4 الكلفة غير المستغلة لنشاط التهيئة 138720 الكلفة غير

المستغلة لنشاط الاستلام

41520 الكلفة غير المستغلة لنشاط فحص الجودة 588800 الكلفة غير

المستغلة لنشاط الاستهلاك

42528 الكلفة غير المستغلة لنشاط الصيانة 542626 الكلفة غير

المستغلة لنشاط التعبئة والشحن

3- لم يظهر الحل الأمثل المتغيران (8)،(14) اللذان يشيران إلى قيد نشاط مناولة المواد وقيد الطلب على المنتج X_2 على الترتيب، وهذا يعني أن هذين النشاطين تم استغلالهما بالكامل . ويمكن التحقق من ذلك من خلال تعويض قيم المنتجات التي ظهرت في الحل الأمثل في هذين القيدين وكما مبين أدناه:
قيد مناولة المواد:

$$14815.2X_1 + 8889.12X_2 + 7407.6X_3 \leq 370380$$

$$14815.2(0) + 8889.12(40) + 7407.6(2) \leq 370380$$

$$370380 \leq 370380$$

قيد الطلب على المنتج X_2 :

$$X_2 \leq 40$$

$$40 \leq 40$$

4- أظهر الحل الأمثل المتغيران (16)،(17)، وهما يشيران إلى أن الكلفة الكلية هي 3645813، \$ 65490.68 للمنتجين X_2, X_3 على الترتيب. وعند قسمة هذين الرقمين على حجم الإنتاج

لكل منتج الذي أظهره الحل الأمثل نحصل على كلفة الدفعة الواحدة من كل منتج، وعند قسمة كلفة الدفعة الواحدة على حجم الدفعة لكل منتج نحصل على كلفة الوحدة الواحدة لكل منتج وكما مبين ادناه:

$$\text{كلفة الوحدة الواحدة من المنتج } X_2 = 3645813 \div 40 = 2500 = \$36.458$$

$$\text{كلفة الوحدة الواحدة من المنتج } X_3 = 65490.68 \div 2 = 400 = \$81.863$$

5- تبين من الحل الأمثل أن الشركة إذا التزمت بتنفيذ الخطة التي قررها الحل الأمثل فإنها ستحقق أرباح مقدارها \$200696.4. ويمكن التحقق من صحة هذا الرقم كما يلي:

$$\text{الربح الكلي} = \text{ربح الدفعة الواحدة لكل منتج} * \text{عدد دفعات المنتجات التي ظهرت في الحل الأمثل} \\ = (-6338.4 * 0) + (4854.68 * 40) + (3254.6 * 2) = \$200696.4$$

5- مقارنة النتائج في ظل المدخلين التقليدي و ABC:

يتضح من التطبيق العملي آثار استخدام المعلومات التي ينتجها المدخل التقليدي ومدخل ABC على عملية اتخاذ القرارات بخصوص تحديد المزيج الإنتاجي الأمثل. فعند استخدام معلومات المدخل التقليدي تم التوصل إلى قرار بإنتاج حجم الطلب المتوقع على المنتج X_1 بالكامل واستبعاد إنتاج المنتجين X_2, X_3 وذلك لكونهما يحققان خسائر وفق المعلومات التي قدمها المدخل التقليدي.

أما عند استخدام معلومات مدخل ABC تم التوصل إلى قرار معاكس تماما للقرار المتخذ في ظل المدخل التقليدي حيث أصبح القرار في ظل المدخل المقترح هو إنتاج حجم الطلب المتوقع على المنتج X_2 بالكامل وإنتاج دفعتين فقط من المنتج X_3 مع استبعاد إنتاج المنتج X_1 (والذي تم التوصية بإنتاجه فقط وفق المدخل التقليدي).

إن سبب هذه القرارات المتناقضة هو نظام التكاليف المستخدم، وبالتحديد كيفية تخصيص التكاليف الإضافية في ظل المدخلين التقليدي و ABC، ويظهر الجدول الآتي مقارنة بين كلفة الوحدة

الواحدة لكل نوع من المنتجات في ظل المدخلين التقليدي و ABC :

جدول رقم (5)

المقارنة بين المدخل التقليدي و مدخل ABC بخصوص كلفة الوحدة الواحدة لكل نوع من المنتجات

| مدخل ABC | | | المدخل التقليدي | | | البيان |
|----------|-------|-------|-----------------|-------|-------|--|
| X_3 | X_2 | X_1 | X_3 | X_2 | X_1 | |
| 26.4 | 24 | 19.2 | 26.4 | 24 | 19.2 | كلفة المواد المباشرة للوحدة |
| 9.6 | 2.4 | 1.2 | 9.6 | 2.4 | 1.2 | كلفة العمل المباشر للوحدة |
| | | | 76.8 | 19.2 | 9.6 | التكاليف الإضافية وفق المدخل التقليدي (800% من كلفة العمل المباشر) |
| | | | | | | التكاليف الإضافية وفق مدخل ABC: |
| .192 | .0614 | .041 | | | | كلفة نشاط التهيئة للوحدة (كلفة النشاط للدفعة ÷ حجم الدفعة) |
| 8.67 | 1.665 | .925 | | | | كلفة نشاط الاستلام للوحدة (كلفة النشاط للدفعة ÷ حجم الدفعة) |
| 18.519 | 3.556 | 1.975 | | | | كلفة نشاط مناولة المواد للوحدة (كلفة النشاط للدفعة ÷ حجم الدفعة) |
| .6 | 48. | .8 | | | | كلفة نشاط فحص الجودة للوحدة (كلفة النشاط للدفعة ÷ حجم الدفعة) |
| 1.5 | 2.5 | 6 | | | | كلفة نشاط الاستهلاك للوحدة (كلفة النشاط للدفعة ÷ حجم الدفعة) |
| .09 | 15. | 36. | | | | كلفة نشاط الصيانة للوحدة (كلفة النشاط للدفعة ÷ حجم الدفعة) |

| | | | | | | |
|--------|---------|--------|-------|------|----|---|
| 16.293 | 1.646 | 2.744 | | | | كلفة نشاط التعبئة والشحن للوحدة (كلفة النشاط للدفعة ÷ حجم الدفعة) |
| 81.864 | 36.4584 | 33.245 | 112.8 | 45.6 | 30 | كلفة إنتاج الوحدة |

المصدر: إعداد الباحث اعتمادا على الجدول (3) وبيانات المشكلة السابقة.

وينتضح من الجدول أعلاه أن تحميل التكاليف الإضافية في ظل النظام التقليدي بمعدل تحميل واحد (نسبة من كلفة العمل المباشر) قد أدى إلى تشويه كلفة الوحدة المنتجة بالمقارنة مع تكلفة الوحدة التي تم قياسها في ظل مدخل ABC والذي يتم فيه تحميل المنتجات بالتكاليف الإضافية على ضوء كمية الأنشطة التي يستهلكها كل منتج. وبالتالي فإن استخدام مدخل ABC سيؤدي إلى الحصول على معلومات كلفوية أكثر دقة عند تحديد المزيج الإنتاجي الأمثل للشركة، وهذا سيساعد الإدارة على اتخاذ قرارات أفضل مما يؤدي إلى زيادة قيمة الشركة.

6- الاستنتاجات والتوصيات:

6-1- الاستنتاجات:

1- أظهر البحث أن استعمال كلفة العمل المباشر كمعدل تحميل وحيد لتخصيص التكاليف الإضافية إلى المنتجات يعطي معلومات مضللة بخصوص ربحية المنتجات ويمكن أن يوجه الإدارة إلى تصنيع منتجات غير مربحة.

2- تبين من البحث أن استخدام نموذج البرمجة الخطية في ظل معلومات المدخل التقليدي يضلل الإدارة في محاولة تحسين طاقات الموارد التي تمثل نقاط اختناق لغرض زيادة أرباحها، فزيادة طاقات الموارد التي تمثل نقاط اختناق في ظل معلومات المدخل التقليدي قد يسبب للشركة خسارة أموال أكثر لأن الطاقات الإضافية للموارد التي تمثل نقاط اختناق ستستعمل في زيادة إنتاج منتجات غير مربحة.

3- أظهر البحث أن استعمال مدخل الكلفة على أساس الأنشطة يؤدي إلى تحميل المنتجات بالتكاليف الإضافية استنادا إلى كمية النشاط التي استهلكها وبالتالي الحصول على معلومات كلفوية أكثر دقة.

4- اتضح من تطبيق المنهجية أن استخدام نموذج البرمجة الخطية في ظل معلومات مدخل ABC يساعد الإدارة في تحديد المزيج الإنتاجي الأمثل ويمكنها من زيادة طاقات الموارد التي تمثل نقاط اختناق لغرض استعمالها في زيادة إنتاج منتجات مربحة.

6-2- التوصيات:

يوصي الباحث بضرورة استخدام مدخل ABC كأساس في توفير معلومات كلفوية عن المنتجات. إن إتباع هذه الطريقة المقترحة سيؤدي إلى توفير معلومات ملائمة لمتخذي القرارات بخصوص تحديد الكلفة الحقيقية للوحدة الواحدة من المنتجات، ويمكن الإدارة من التحديد الحقيقي للمزيج الإنتاجي الأمثل الذي يحقق أقصى الأرباح.

ثبت المراجع

أولاً: المراجع العربية:

- 1- أبو نصار، محمد، المحاسبة الإدارية، ط2. عمان، دار وائل للنشر والتوزيع، 2005.
- 2- عدس، نائل ونضال الخلف، محاسبة التكاليف مدخل حديث، ط1. عمان، دار جهينة، 2007.

ثانياً: المراجع الأجنبية:

A-Books:

- 3- Garrison, Ray H., Managerial Accounting, 5th ed., USA, Business Publications, Inc., 1988.
- 4 -Hilton, Ronald W. & Michael W. Maher & Frank H. Selto, Cost Management Strategies for Business Decisions, 2nd ed., International Edition, Irwin, McGraw-Hill, 2003.
- 5-Horngren, Charles T., et. al., Management and Cost Accounting, New Jersey, Prentice Hall Inc., 1999.
- 6 - Horngren, Charles T. & George Foster & Srikant M. Datar, Cost Accounting A managerial Emphasis, 9th ed., New Jersey, Prentice Hall International, Inc., 1997.

Periodicals:

- 7-Gurses, Ayse Pinar, An Activity-Based Costing and Theory of Constraints Model for Product-Mix Decisions, June, 1999. www.scholar.lib.vt.edu.
- 8-Huang, L. The Integration of Activity-Based Costing and the Theory of Constraints. Journal of Cost Management, Nov. 1999. <http://www.maaw.info>.
- 9-Milano, Russell J., Activity-Based Management for Colleges and Universities, 2001. rmilano@uic.edu.
- 10-Tarr, James D., Activity Management.. Merging Process and Based Measurement, 2001. The ACA Group, P.O. Box 220782, Newhall, CA 91322.

